

# Tecniche della Programmazione, lez. 4

## Qui vediamo

- Algoritmi
- Definizione / rappresentazione di algoritmi
- Programmazione Strutturata



# Algoritmo (again ...)

Abbiamo detto che e` una sequenza di PASSI, operazioni, istruzioni ... per risolvere un problema per il quale abbiamo una formalizzazione matematica

Più schematicamente ci sono delle componenti da considerare

- **INFORMAZIONI**      relative al problema: rappresentate come **DATI** (nel calcolatore, nell'algoritmo, nel programma)
- **INPUT**              ... (cosa sono? Vedi approfondimenti)
- **Procedura Computazionale**      passi di calcolo ... (quali sono? Vedi appr.)
- **OUTPUT**              ... (? vedi ...)

**Progettazione Algoritmo: attività` creativa ...**  
**Esecuzione Algoritmo: attività` meccanica**

# Torniamo ad ourProgram.c

- 0) Servono primoNumero e secondo e ris (struttura dati ...)
- 1) Assegna primoNumero con 68
- 2) Assegna 64 a secondo
- 3) Assegna a ris il risultato di primoNumero+secondo
- 4) Stampa ris
- 5) Fine

## Versione con INPUT

- 0) (primoNum, secondoNum, ris ... i dati che usiamo)
- 1) **INPUT** primoNum, secondoNum
- 2)  $\text{ris} = \text{primoNum} + \text{secondoNum}$
- 3) **OUTPUT** ris
- 4) Fine

NB quando l'algoritmo viene "eseguito" la sequenza di passi che vengono eseguiti denota quell che si chiama "Flusso di Esecuzione"

# "Esecuzione dell'algoritmo" (Flusso di esecuzione)

- 0) primoNumero, secondo, ris ...
- 1) **Assegna primoNumero con 68**
- 2) **Assegna 64 a secondo**
- 3) **Assegna a ris il risultato di primoNumero+secondo**
- 4) **Stampa ris**
- 5) **Fine**

tutte le esecuzioni sono uguali ... i risultati non cambiano da istanza ad istanza ... e nemmeno il flusso

Flusso di esecuzione: 1) 2) 3) 4) 5)

## Versione con INPUT

- 0) (primoNum, secondoNum, ris ... i dati che usiamo)
- 1) **INPUT primoNum, secondoNum**
- 2) **ris = primoNum + secondoNum**
- 3) **OUTPUT ris**
- 4) **Fine**

esecuzioni diverse, a seconda dell'INPUT, ma comunque la sequenza di passi e` sempre la medesima ...

Flusso di esecuzione: 1) 2) 3) 4)

# Diagrammi di Flusso

Anche *Diagrammi a Blocchi*.

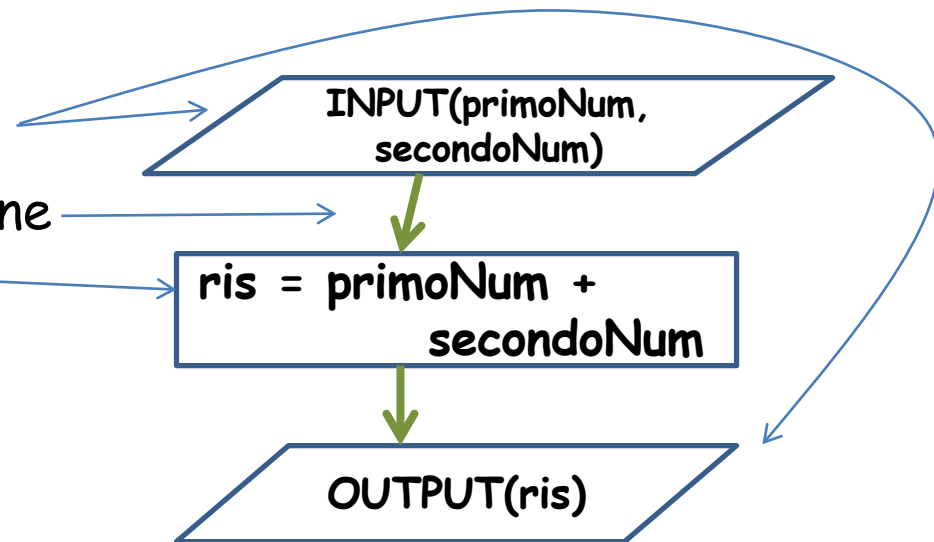
Un formalismo grafico per rappresentare algoritmi  
(e seguire il flusso di esecuzione)

Istruzioni di INPUT/ OUTPUT

Direzione del Flusso di esecuzione

Istruzione generica

- 1) INPUT primoNum, secondoNum
- 2)  $ris = primoNum + secondoNum$
- 3) OUTPUT ris
- 4) Fine



Flusso di esecuzione: 1) → 2) → 3) → 4)

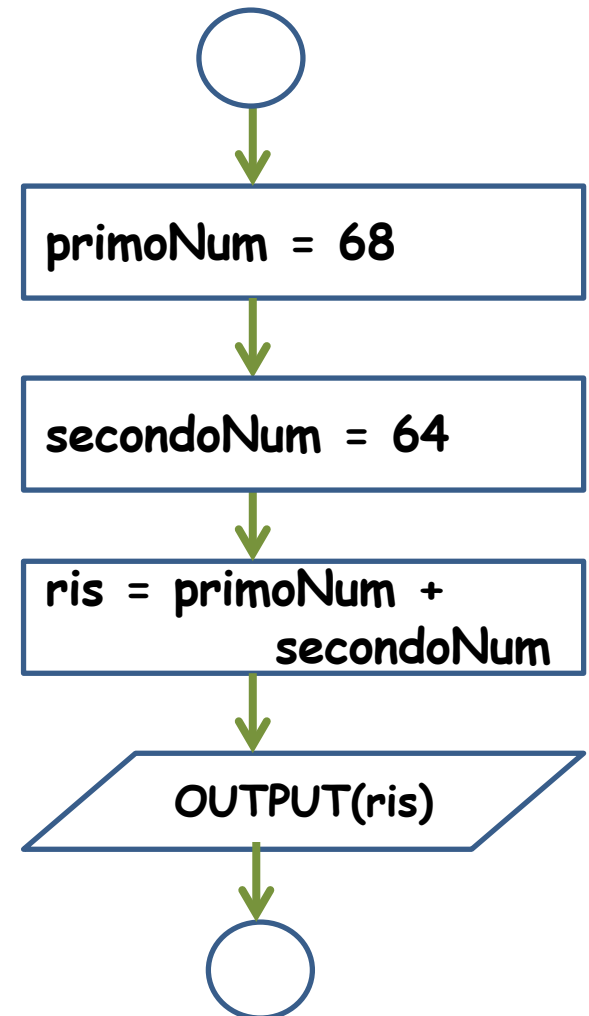
4) ? → STOP?

# Diagrammi di Flusso

Anche *Diagrammi a Blocchi*. Un formalismo grafico per rappresentare algoritmi (e seguire il flusso di esecuzione)

- 1) Assegna primoNum con 68
- 2) Assegna 64 a secondoNum
- 3) Assegna a ris il risultato di primoNum+secondoNum
- 4) Stampa ris
- 5) Fine

Flusso di esecuzione: 1) → 2) → 3) → 4) → 5)



# Diagrammi di Flusso

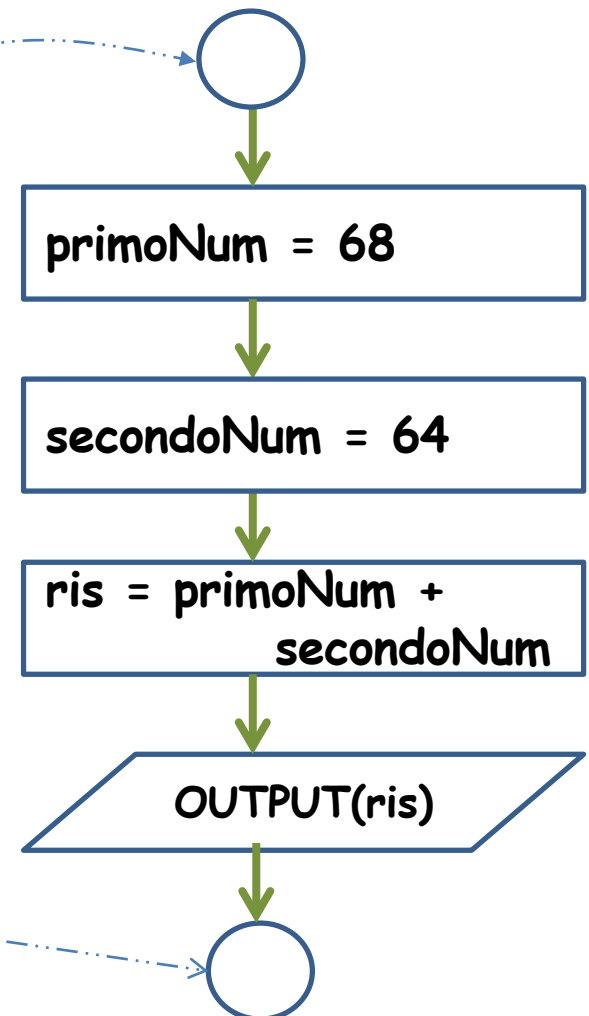
Anche *Diagrammi a Blocchi*. Un formalismo grafico per rappresentare algoritmi (e seguire il flusso di esecuzione)

- 1) Assegna primoNum con 68
- 2) Assegna 64 a secondoNum
- 3) Assegna a ris il risultato di primoNum+secondoNum
- 4) Stampa ris
- 5) Fine

Flusso di esecuzione: 1) → 2) → 3) → 4) → 5)

Questi pallocchi sono un vecchio modo per simboleggiare il punto di entrata e di uscita dal programma

Li ometteremo in seguito



# Algoritmo per l'eq. di secondo grado

Dati i coefficienti  $a, b, c$  di un'equazione di secondo grado, calcolare le soluzioni reali, supponendo che esistano soluzioni reali.

0) i dati:  $a, b, c$ ; i risultati,  $x_1, x_2$  (supponiamo che esistano reali); i dati intermedi  $\Delta$ , ...  $2 \cdot a, 4 \cdot a \cdot c$  ...

1) INPUT ( $a, b, c$ )

2) ☺

3)  $x_1 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2 \cdot a}$

4)  $x_2 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2 \cdot a}$

5) ☺

☺ Scrivere qualcosa al posto di ☺



# Algoritmo per l'eq. di secondo grado

Dati i coefficienti  $a, b, c$  di un'equazione di secondo grado, calcolare le soluzioni reali, supponendo che esistano soluzioni reali.

0) i dati:  $a, b, c$ ; i risultati,  $x_1, x_2$  (supponiamo che esistano reali); i dati intermedi  $\Delta$ ,  $2a, 4ac$  ...

- 1) INPUT ( $a, b, c$ )
- 2)  $\Delta = b^2 - 4ac$
- 3)  $x_1$  = formula per la prima soluzione
- 4)  $x_2$  = formula per la seconda soluzione
- 5) OUTPUT( $x_1, x_2$ )

# Algoritmo per l'eq. di secondo grado

Dati i coefficienti  $a, b, c$  di un'equazione di secondo grado, calcolare le soluzioni reali, supponendo che esistano soluzioni reali.

0) i dati:  $a, b, c$ ; i risultati,  $x_1, x_2$  (supponiamo che esistano reali); i dati intermedi  $\Delta$ ,  $\dots$   $2*a, 4*a*c$   $\dots$

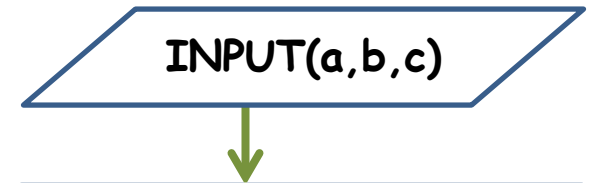
- 1) INPUT ( $a, b, c$ )
- 2)  $\Delta = b*b - 4*a*c$
- 3)  $x_1$  = formula per la prima soluzione
- 4)  $x_2$  = formula per la seconda soluzione
- 5) OUTPUT( $x_1, x_2$ )

☺ Diagramma di flusso? ☺

# Algoritmo per l'eq. di secondo grado

0) i dati:  $a, b, c$ ; i risultati,  $x_1, x_2$  (supponiamo che esistano reali); i dati intermedi  $\Delta$ ,  $\dots$   $2*a, 4*a*c$   $\dots$

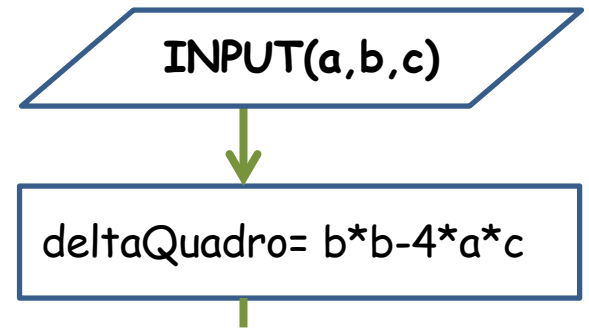
- 1) INPUT ( $a, b, c$ )
- 2)  $\Delta = b*b - 4*a*c$
- 3)  $x_1$  = formula per la prima soluzione
- 4)  $x_2$  = formula per la seconda soluzione
- 5) OUTPUT( $x_1, x_2$ )



# Algoritmo per l'eq. di secondo grado

0) i dati:  $a, b, c$ ; i risultati,  $x_1, x_2$  (supponiamo che esistano reali); i dati intermedi  $\text{deltaquadro}, \dots 2*a, 4*a*c \dots$

- 1) INPUT ( $a, b, c$ )
- 2)  $\text{deltaQuadro} = b*b - 4*a*c$
- 3)  $x_1$  = formula per la prima soluzione
- 4)  $x_2$  = formula per la seconda soluzione
- 5) OUTPUT( $x_1, x_2$ )

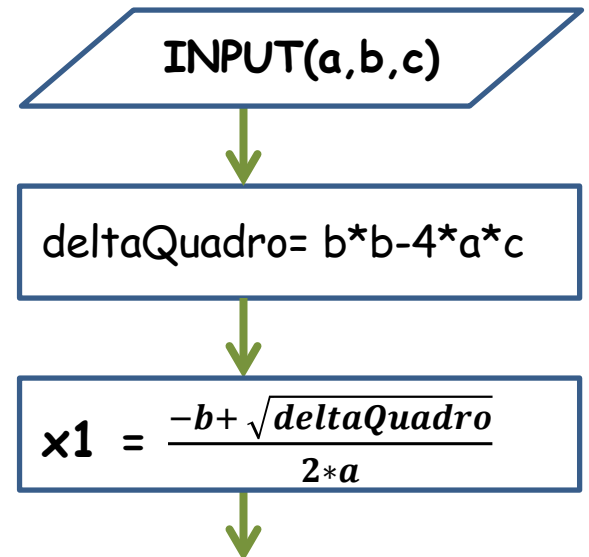


😊...

# Algoritmo per l'eq. di secondo grado

0) i dati:  $a, b, c$ ; i risultati,  $x_1, x_2$  (supponiamo che esistano reali); i dati intermedi  $\text{deltaQuadro}$ , ...  $2*a, 4*a*c$  ...

- 1) INPUT ( $a, b, c$ )
- 2)  $\text{deltaQuadro} = b*b - 4*a*c$
- 3)  $x_1$  = formula per la prima soluzione
- 4)  $x_2$  = formula per la seconda soluzione
- 5) OUTPUT( $x_1, x_2$ )

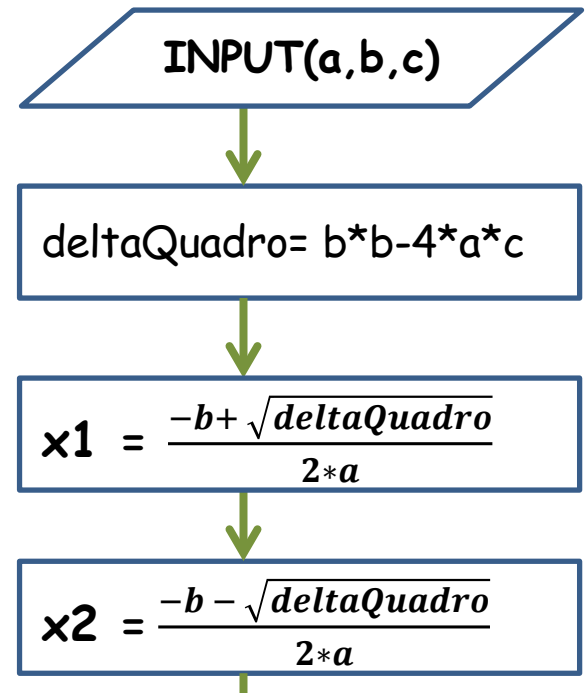


😊 ...

# Algoritmo per l'eq. di secondo grado

0) i dati:  $a, b, c$ ; i risultati,  $x_1, x_2$  (supponiamo che esistano reali); i dati intermedi  $\text{deltaQuadro}$ , ...  $2*a, 4*a*c$  ...

- 1) INPUT ( $a, b, c$ )
- 2)  $\text{deltaQuadro} = b*b - 4*a*c$
- 3)  $x_1 =$  formula per la prima soluzione
- 4)  $x_2 =$  formula per la seconda soluzione
- 5) OUTPUT( $x_1, x_2$ )

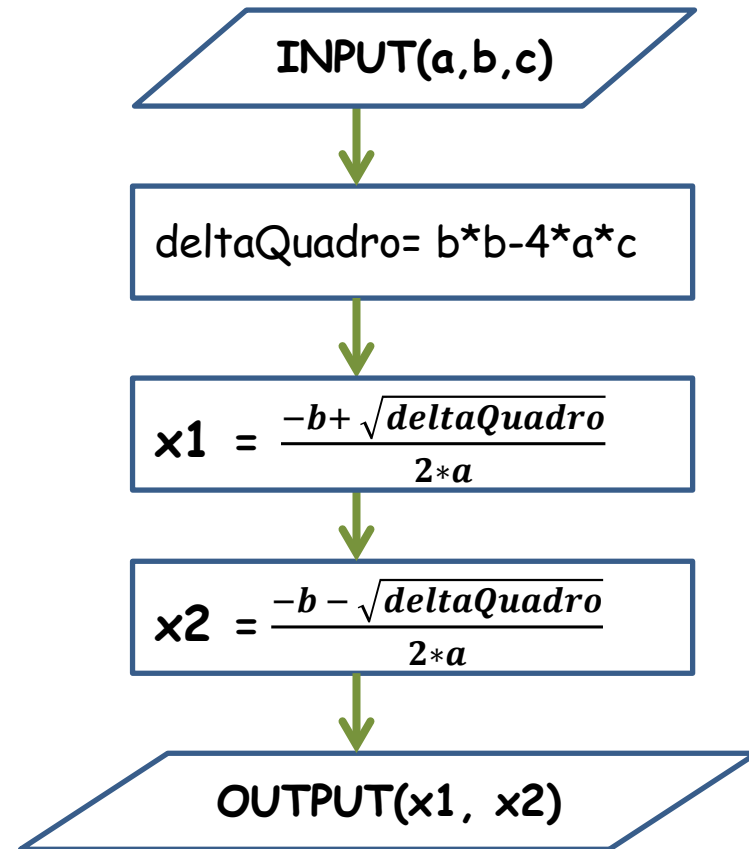


😊...

# Algoritmo per l'eq. di secondo grado

0) i dati:  $a, b, c$ ; i risultati,  $x_1, x_2$  (supponiamo che esistano reali); i dati intermedi  $\text{deltaQuadro}$ , ...  $2*a, 4*a*c$  ...

- 1) INPUT ( $a, b, c$ )
- 2)  $\text{deltaQuadro} = b*b - 4*a*c$
- 3)  $x_1 =$  formula per la prima soluzione
- 4)  $x_2 =$  formula per la seconda soluzione
- 5) OUTPUT( $x_1, x_2$ )



☺ Flusso di esecuzione per  $a=1, b=4, c=1$  ? ☺

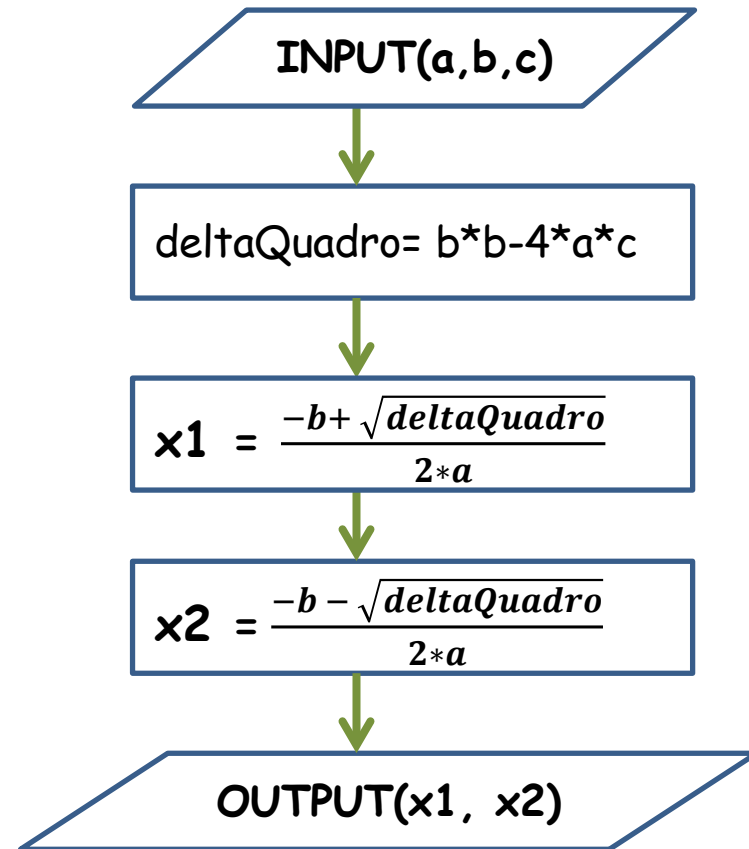
# Algoritmo per l'eq. di secondo grado

0) i dati:  $a, b, c$ ; i risultati,  $x_1, x_2$  (supponiamo che esistano reali); i dati intermedi  $\text{deltaQuadro}$ , ...  $2*a, 4*a*c$  ...

- 1) INPUT ( $a, b, c$ )
- 2)  $\text{deltaQuadro} = b*b - 4*a*c$
- 3)  $x_1 =$  formula per la prima soluzione
- 4)  $x_2 =$  formula per la seconda soluzione
- 5) OUTPUT( $x_1, x_2$ )

Flusso di esecuzione per  $a=1, b=4, c=1$  :

1) → 2) → 3) → 4) → 5)





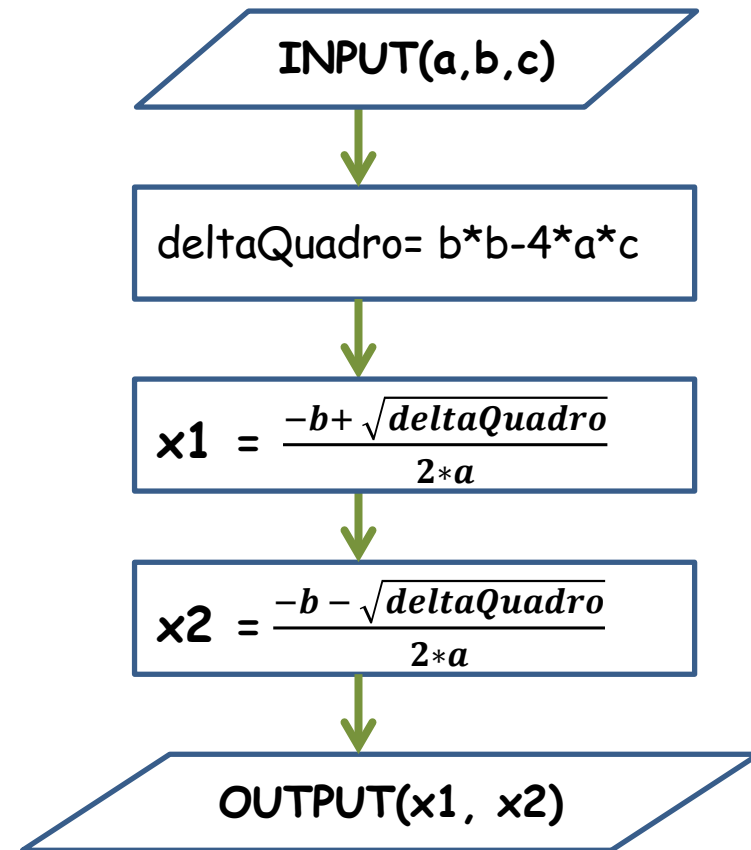
# Algoritmo per l'eq. di secondo grado

0) i dati:  $a, b, c$ ; i risultati,  $x_1, x_2$  (supponiamo che esistano reali); i dati intermedi  $\text{deltaQuadro}, \dots 2*a, 4*a*c \dots$

- 1) INPUT ( $a, b, c$ )
- 2)  $\text{deltaQuadro} = b*b - 4*a*c$
- 3)  $x_1 =$  formula per la prima soluzione
- 4)  $x_2 =$  formula per la seconda soluzione
- 5) OUTPUT( $x_1, x_2$ )

Flusso di esecuzione per  $a=1, b=4, c=1$  :

1)  $\rightarrow$  2)  $\rightarrow$  3)  $\rightarrow$  4)  $\rightarrow$  5)



OBS.

(per qualunque istanza il flusso e` sempre quello ... anche se ovviamente input e aoutput possono cambiare)

# Algoritmo per il MCD

Dati due numeri interi,  $n$ ,  $m$ , maggiori di zero, calcolare il Massimo Comun Divisore.

BTW,  $\text{MCD}(9,81)=9$ ,  $\text{MCD}(37,7)=1$ ,  $\text{MCD}(6,4)=2$ ;

$\text{MCD}(6,4)=?$

cosa sappiamo di certo su questo numero?

# Algoritmo per il MCD

Dati due numeri interi,  $n$ ,  $m$ , maggiori di zero, calcolare il Massimo Comun Divisore.

BTW,  $MCD(9,81)=9$ ,  $MCD(37,7)=1$ ,  $MCD(6,4)=2$ ;

$MCD(6,4)=?$

Sicuramente è un divisore di 4 (non può essere più grande di 4; o è 4 o è un numero più piccolo, al limite 1)

# Algoritmo per il MCD

Dati due numeri interi,  $n$ ,  $m$ , maggiori di zero, calcolare il Massimo Comune Divisore.  
BTW,  $MCD(9,81)=9$ ,  $MCD(37,7)=1$ ,  $MCD(6,4)=2$ ;

$MCD(6,4)=?$

- 4 divide sia 6 che 4? No
- 3? No
- 2? Si` !!

# Algoritmo per il MCD

Dati due numeri interi,  $n$ ,  $m$ , maggiori di zero, calcolare il Massimo Comune Divisore.  
BTW,  $MCD(9,81)=9$ ,  $MCD(37,7)=1$ ,  $MCD(6,4)=2$ ;

$MCD(6,4)=?$

Sicuramente è un divisore di 4 (non può essere più grande di 4; o è 4 o è un numero più piccolo, al limite 1)

- 4 divide sia 6 che 4? No
- 3? No
- 2? Sì !!

0) i dati:  $n$ ,  $m$  (input) e ris (in cui calcoliamo il MCD)  
1) INPUT ( $n$ ,  $m$ )

# Algoritmo per il MCD

Dati due numeri interi,  $n$ ,  $m$ , maggiori di zero, calcolare il Massimo Comune Divisore.  
BTW,  $MCD(9,81)=9$ ,  $MCD(37,7)=1$ ,  $MCD(6,4)=2$ ;

$MCD(6,4)=?$

Sicuramente è un divisore di 4 (non può essere più grande di 4; o è 4 o è un numero più piccolo, al limite 1)

- 4 divide sia 6 che 4? No
- 3? No
- 2? Sì !!

0) i dati:  $n$ ,  $m$  (input) e  $ris$  (con cui calcoliamo il MCD)

1) INPUT ( $n$ ,  $m$ ) (inizializzazione di  $n$  ed  $m$ , mediante operazione di input)

2)  $ris = \text{😊}$  (inizializzazione di  $ris$  mediante assegnazione diretta)

# Algoritmo per il MCD

Dati due numeri interi,  $n$ ,  $m$ , maggiori di zero, calcolare il Massimo Comune Divisore.  
BTW,  $MCD(9,81)=9$ ,  $MCD(37,7)=1$ ,  $MCD(6,4)=2$ ;

$MCD(6,4)=?$

Sicuramente è un divisore di 4 (non può essere più grande di 4; o è 4 o è un numero più piccolo, al limite 1)

- 4 divide sia 6 che 4? No
- 3? No
- 2? Sì !!

0) i dati:  $n$ ,  $m$  (input) e  $ris$  (con cui calcoliamo il MCD)

1) INPUT ( $n$ ,  $m$ )

2)  $ris = \text{😊}$

3) SE  $ris$  «DIVIDE  $n$ » E «DIVIDE  $m$ » EUREKA!

...

# Algoritmo per il MCD

Dati due numeri interi,  $n$ ,  $m$ , maggiori di zero, calcolare il Massimo Comune Divisore.  
BTW,  $MCD(9,81)=9$ ,  $MCD(37,7)=1$ ,  $MCD(6,4)=2$ ;

$MCD(6,4)=?$

Sicuramente e` un divisore di 4 (non puo` essere piu` grande di 4; o e` 4 o e` un numero piu` piccolo, al limite 1)

- 4 divide sia 6 che 4? No
- 3? No
- 2? Si` !!

0) i dati:  $n$ ,  $m$  (input) e  $ris$  (con cui calcoliamo il MCD)

1) INPUT ( $n$ ,  $m$ )

2)  $ris = \text{😊}$

3) SE  $ris$  «DIVIDE  $n$ » E «DIVIDE  $m$ » EUREKA!

1) eureka e poi?

2) E sennò?? Diciamo che "sennò proseguiamo ma con un altro valore per  $ris$ "



# Algoritmo per il MCD

Dati due numeri interi,  $n$ ,  $m$ , maggiori di zero, calcolare il Massimo Comune Divisore.  
BTW,  $MCD(9,81)=9$ ,  $MCD(37,7)=1$ ,  $MCD(6,4)=2$ ;

$MCD(6,4)=?$

Sicuramente è un divisore di 4 (non può essere più grande di 4; o è 4 o è un numero più piccolo, al limite 1)

- 4 divide sia 6 che 4? No
- 3? No
- 2? Sì !!

0) i dati:  $n$ ,  $m$  (input) e  $ris$  (con cui calcoliamo il MCD)

1) INPUT ( $n$ ,  $m$ )

2)  $ris = \text{😊}$

3) SE  $ris$  «DIVIDE  $n$ » E «DIVIDE  $m$ » EUREKA!

eureka e poi?

E sennò?? Diciamo che "sennò proseguiamo ma con un altro valore per  $ris$ "

4)  $ris = ris - 1$

# Algoritmo per il MCD

Dati due numeri interi,  $n$ ,  $m$ , maggiori di zero, calcolare il Massimo Comune Divisore.  
BTW,  $MCD(9,81)=9$ ,  $MCD(37,7)=1$ ,  $MCD(6,4)=2$ ;

$MCD(6,4)=?$

Sicuramente e' un divisore di 4 (non puo' essere piu' grande di 4; o e' 4 o e' un numero piu' piccolo, al limite 1)

- 4 divide sia 6 che 4? No
- 3? No
- 2? Si' !!

0) i dati:  $n$ ,  $m$  (input) e  $ris$  (con cui calcoliamo il MCD)

1) INPUT ( $n$ ,  $m$ )

2)  $ris = \text{😊}$

3) SE  $ris$  «DIVIDE  $n$ » E «DIVIDE  $m$ » EUREKA!

eureka e poi?

E sennò?? Diciamo che "sennò proseguiamo ma con un altro valore per  $ris$ "

4)  $ris = ris - 1$

... e poi??

# Algoritmo per il MCD

Dati due numeri interi,  $n$ ,  $m$ , maggiori di zero, calcolare il Massimo Comun Divisore.  
BTW,  $MCD(9,81)=9$ ,  $MCD(37,7)=1$ ,  $MCD(6,4)=2$ ;

$MCD(6,4)=?$

Sicuramente è un divisore di 4 (non può essere più grande di 4; o è 4 o è un numero più piccolo, al limite 1)

- 4 divide sia 6 che 4? No
- 3? No
- 2? Sì !!

0) i dati:  $n$ ,  $m$  (input) e  $ris$  (con cui calcoliamo il MCD)

1) INPUT ( $n$ ,  $m$ )

2)  $ris = \text{😊}$

3) SE  $ris$  «DIVIDE  $n$ » E «DIVIDE  $m$ » EUREKA!

eureka e poi?

E sennò?? Diciamo che "sennò proseguiamo ma con un altro valore per  $ris$ "

4)  $ris = ris - 1$

E poi torna al passo 3

(+/- a questo punto del flusso abbiamo fatto tutti i calcoli e possiamo chiudere mandando in output il MCD)

# Algoritmo per il MCD

Dati due numeri interi,  $n$ ,  $m$ , maggiori di zero, calcolare il Massimo Comun Divisore.  
BTW,  $MCD(9,81)=9$ ,  $MCD(37,7)=1$ ,  $MCD(6,4)=2$ ;

$MCD(6,4)=?$

Sicuramente e' un divisore di 4 (non puo' essere piu' grande di 4; o e' 4 o e' un numero piu' piccolo, al limite 1)

- 4 divide sia 6 che 4? No
- 3? No
- 2? Si' !!

0) i dati:  $n$ ,  $m$  (input) e  $ris$  (con cui calcoliamo il MCD)

1) INPUT ( $n$ ,  $m$ )

2)  $ris = \text{😊😊😊😊😊😊😊😊}$

3) SE  $ris$  «DIVIDE  $n$ » E «DIVIDE  $m$ » EUREKA!

*eureka e poi?*

*E sennò?? Diciamo che "sennò proseguiamo ma con un altro valore per  $ris$ "*

4)  $ris = ris - 1$

E poi torna al passo 3

5) OUTPUT( $ris$ )

# Algoritmo per il MCD

Dati due numeri interi,  $n$ ,  $m$ , maggiori di zero, calcolare il Massimo Comun Divisore.  
BTW,  $MCD(9,81)=9$ ,  $MCD(37,7)=1$ ,  $MCD(6,4)=2$ ;

$MCD(6,4)=?$

Sicuramente e' un divisore di 4 (non puo' essere piu' grande di 4; o e' 4 o e' un numero piu' piccolo, al limite 1)

- 4 divide sia 6 che 4? No
- 3? No
- 2? Si' !!

0) i dati:  $n$ ,  $m$  (input) e  $ris$  (con cui calcoliamo il MCD)

1) INPUT ( $n$ ,  $m$ )

2)  $ris =$  **minimo tra  $n$  ed  $m$**

3) SE  $ris$  «DIVIDE  $n$ » E «DIVIDE  $m$ » EUREKA!

*eureka e poi?*

*E sennò?? Diciamo che "sennò proseguiamo ma con un altro valore per  $ris$ "*

4)  $ris = ris - 1$

*E torna al passo 3*

5) OUTPUT( $ris$ )

# Algoritmo per il MCD

Dati due numeri interi,  $n$ ,  $m$ , maggiori di zero, calcolare il Massimo Comun Divisore.  
BTW,  $MCD(9,81)=9$ ,  $MCD(37,7)=1$ ,  $MCD(6,4)=2$ ;

$MCD(6,4)=?$

Sicuramente è un divisore di 4 (non può essere più grande di 4; o è 4 o è un numero più piccolo, al limite 1)

- 4 divide sia 6 che 4? No
- 3? No
- 2? Sì !!

0) i dati:  $n$ ,  $m$  (input) e  $ris$  (con cui calcoliamo il MCD)

1) INPUT ( $n$ ,  $m$ )

2)  $ris = \min\{n,m\}$

3) SE  $ris$  «DIVIDE  $n$ » E «DIVIDE  $m$ » EUREKA!

*eureka e poi?*

*E sennò?? Diciamo che "sennò proseguiamo ma con un altro valore per  $ris$ "*

4)  $ris = ris - 1$

E torna al passo 3

5) OUTPUT( $ris$ )

Eureka che?? Vuoi dire "ris è il MCD dei due numeri". Ok, ma poi non dovremmo finire?

Eeeek, Come finisco?

Come ci arrivo al passo 5)??!

E Torna? Torna?!?!?

Che vuol dire Torna?

... calma

# Algoritmo per il MCD

Dati due numeri interi,  $n, m$ , maggiori di zero, calcolare il Massimo Comun Divisore.

BTW,  $MCD(9,81)=9$ ,  $MCD(37,7)=1$ ,  $MCD(6,4)=2$ :

$MCD(6,4)=?$

Sicuramente è un divisore di 4 (non può essere più grande di 4; o è 4 o è un numero più piccolo, al limite 1)

- 4 divide sia 6 che 4? No
- 3? No
- 2? Sì !!

0) i dati:  $n, m$  (input) e  $ris$  (con cui calcoliamo il MCD)

1) INPUT ( $n, m$ )

2)  $ris = \minimo\{n,m\}$

3) SE  $ris$  «DIVIDE  $n$ » E «DIVIDE  $m$ »

Vai al passo 5) con l'idea che lì finisce

Sennò prosegui naturalmente con il passo successivo

4)  $ris = ris - 1$

E torna al passo 3

5) OUTPUT( $ris$ )

Vai? Torna? Ma il flusso non è sequenziale? Dopo la 3 c'è la 4 o la 5??

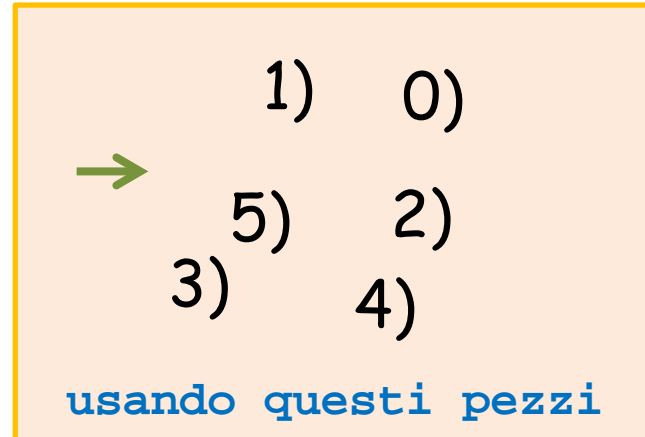
# Algoritmo per il MCD (il flusso di esecuzione)

Il flusso di esecuzione può dipendere dal verificarsi di condizioni durante i calcoli ...

Flusso di esecuzione per  $n=14, m=28$ :



Flusso di esecuzione per  $n=6, m=4$ :



e tracciando  
il contenuto di

n

m

ris

- 0) i dati:  $n, m$  (input) e  $ris$
- 1) INPUT ( $n, m$ )
- 2)  $ris = \min\{n, m\}$
- 3) SE  $ris$  «DIVIDE  $n$ » E «DIVIDE  $m$ »  
Vai al passo 5) per finire
- 4)  $ris = ris - 1$   
E torna al passo 3
- 5) OUTPUT( $ris$ )



# Algoritmo per il MCD (il flusso di esecuzione)

Il flusso di esecuzione puo` dipendere dal verificarsi di condizioni durante i calcoli ...

Flusso di esecuzione per  $n=14$ ,  $m=28$ :

1) → 2) → 3) → 5)

e stampa 14

n 14

m 28

ris 14

- 0) i dati:  $n$ ,  $m$  (input) e  $ris$
- 1) INPUT ( $n$ ,  $m$ )
- 2)  $ris = \text{minimo}\{n, m\}$
- 3) SE  $ris$  «DIVIDE  $n$ » E «DIVIDE  $m$ »  
Vai al passo 5) per finire
- 4)  $ris = ris - 1$   
E torna al passo 3
- 5) OUTPUT( $ris$ )

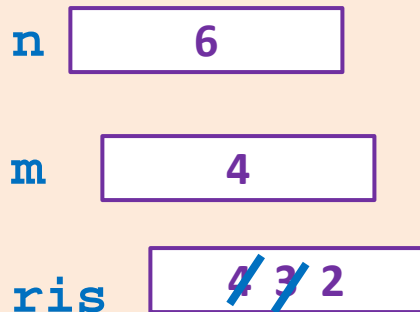
# Algoritmo per il MCD (il flusso di esecuzione)

Il flusso di esecuzione può dipendere dal verificarsi di condizioni durante i calcoli ...

Flusso di esecuzione per  $n=6$ ,  $m=4$ :

1) → 2) → 3) → 4) → 3) → 4) → 3) → 5)

e stampa 2 perché ris è diventato 2



- 0) i dati:  $n$ ,  $m$  (input) e  $ris$
- 1) INPUT ( $n$ ,  $m$ )
- 2)  $ris = \text{minimo}\{n, m\}$
- 3) SE  $ris$  «DIVIDE  $n$ » E «DIVIDE  $m$ »  
Vai al passo 5) per finire
- 4)  $ris = ris - 1$   
E torna al passo 3
- 5) OUTPUT( $ris$ )

# Algoritmo per il MCD (il flusso di esecuzione)

Il flusso di esecuzione può dipendere dal verificarsi di condizioni durante i calcoli ...

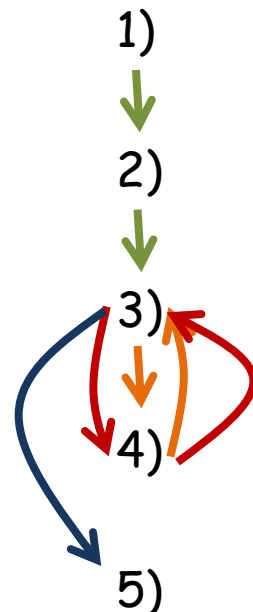
Flusso di esecuzione per  $n=14, m=28$ :

1) → 2) → 3) → 5)

Flusso di esecuzione per  $n=6, m=4$ :

1) → 2) → 3) → 4) → 3) → 4) → 3) → 5)

- 0) i dati:  $n, m$  (input) e ris
- 1) INPUT ( $n, m$ )
- 2)  $\text{ris} = \min\{n, m\}$
- 3) SE  $\text{ris} \llcorner \text{DIVIDE } n \llcorner$  E  $\llcorner \text{DIVIDE } m \llcorner$   
Vai al passo 5) per finire
- 4)  $\text{ris} = \text{ris} - 1$   
E torna al passo 3
- 5) OUTPUT( $x_1, x_2$ )



**NB**

Algoritmo = sequenza di passi progettata per risolvere un problema

Flusso di esecuzione = sequenza dei passi effettivamente eseguiti durante l'esecuzione dell'algoritmo su un'istanza del problema

# Algoritmo per il MCD (il flusso di esecuzione)

Il flusso di esecuzione può dipendere dal verificarsi di condizioni durante i calcoli ...

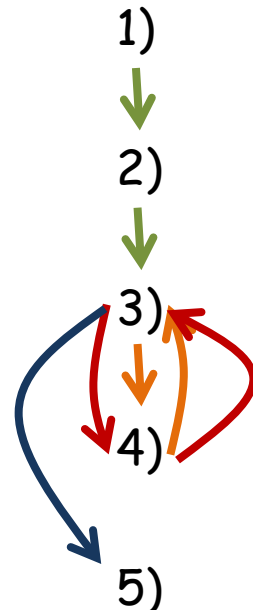
Flusso di esecuzione per  $n=14, m=28$ :

1) → 2) → 3) → 5)

Flusso di esecuzione per  $n=6, m=4$ :

1) → 2) → 3) → 4) → 3) → 4) → 3) → 5)

- 0) i dati:  $n, m$  (input) e  $ris$
- 1) INPUT ( $n, m$ )
- 2)  $ris = \min\{n, m\}$
- 3) SE  $ris \llcorner \text{DIVIDE } n \gg$  E  $\llcorner \text{DIVIDE } m \gg$   
Vai al passo 5) per finire
- 4)  $ris = ris - 1$   
E torna al passo 3
- 5) OUTPUT( $x_1, x_2$ )



NB

Algoritmo = sequenza di passi progettata per risolvere un problema

Flusso di esecuzione = sequenza dei passi effettivamente eseguiti durante l'esecuzione dell'algoritmo su un'istanza del problema

# Algoritmo per il MCD (il flusso di esecuzione)

Il flusso di esecuzione può dipendere dal verificarsi di condizioni durante i calcoli ...

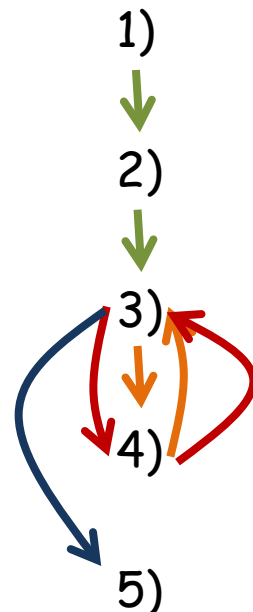
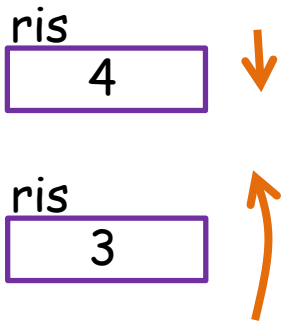
Flusso di esecuzione per  $n=14, m=28$ :

1) → 2) → 3) → 5)

Flusso di esecuzione per  $n=6, m=4$ :

1) → 2) → 3) → 4) → 3) → 4) → 3) → 5)

- 0) i dati:  $n, m$  (input) e  $ris$
- 1) INPUT ( $n, m$ )
- 2)  $ris = \min\{n, m\}$
- 3) SE  $ris \llcorner \text{DIVIDE } n \gg$  E  $\llcorner \text{DIVIDE } m \gg$   
Vai al passo 5) per finire
- 4)  $ris = ris - 1$   
E torna al passo 3
- 5) OUTPUT( $x_1, x_2$ )



NB

Algoritmo = sequenza di passi progettata per risolvere un problema

Flusso di esecuzione = sequenza dei passi effettivamente eseguiti durante l'esecuzione dell'algoritmo su un'istanza del problema

# Algoritmo per il MCD (il flusso di esecuzione)

Il flusso di esecuzione può dipendere dal verificarsi di condizioni durante i calcoli ...

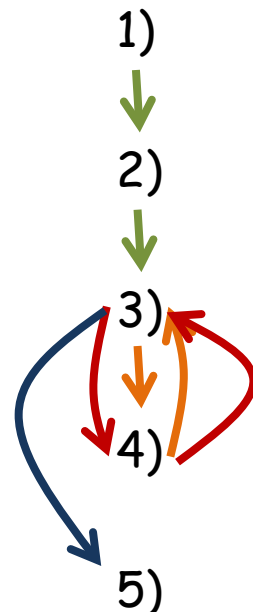
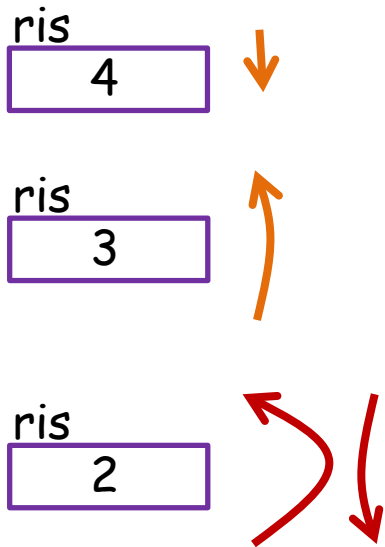
Flusso di esecuzione per  $n=14, m=28$ :

1) → 2) → 3) → 5)

Flusso di esecuzione per  $n=6, m=4$ :

1) → 2) → 3) → 4) → 3) → 4) → 3) → 5)

- 0) i dati:  $n, m$  (input) e ris
- 1) INPUT ( $n, m$ )
- 2)  $\text{ris} = \min\{n, m\}$
- 3) SE  $\text{ris} \llcorner \text{DIVIDE } n \gg$  E  $\llcorner \text{DIVIDE } m \gg$   
Vai al passo 5) per finire
- 4)  $\text{ris} = \text{ris} - 1$   
E torna al passo 3
- 5) OUTPUT( $x_1, x_2$ )



NB

Algoritmo = sequenza di passi progettata per risolvere un problema

Flusso di esecuzione = sequenza dei passi effettivamente eseguiti durante l'esecuzione dell'algoritmo su un'istanza del problema

# Ok, il flusso di esecuzione e' ...

il risultato del controllo cui viene sottoposta l'esecuzione di un algoritmo

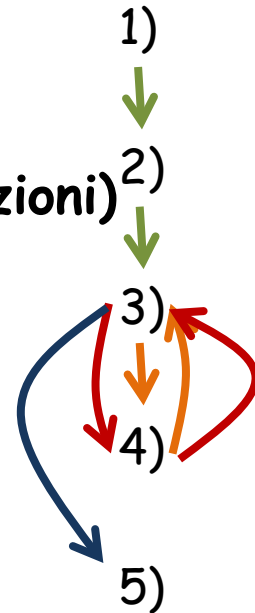
**ALGORITMO = SEQUENZA DI PASSI CONTROLLATI**

Il controllo consiste nel determinare la sequenza di passi (istruzioni) eseguiti/e

1) **Di norma:** un passo dopo l'altro, nell'ordine dei passi (la prossima istruzione da eseguire è quella immediatamente successiva a quella in esecuzione)

2) **Metodo Vintage:** si usa un'istruzione di **SALTO** (la prossima istruzione da eseguire è indicata dall'istruzione di salto).

3) **Programmazione Strutturata** 🍷  
(si usano specifiche "istruzioni di controllo")



"go to"



[vedi Approfondimenti](#)

# Programmazione Strutturata

Il programma Strutturato è composto da questi tre tipi di **istruzioni**

- **BLOCCO** sequenza di 1 o più istruzioni "non scomponibili" come un'operazione di I/O o un'assegnazione, o una chiamata di printf(), o una chiamata di qualsiasi funzione, o una delle istruzioni dette più giù qui sotto ...)

```
istruzione  
secondaistruzione  
...  
ultimaistruzione
```



# Programmazione Strutturata

Il programma Strutturato è composto da questi tre tipi di **istruzioni**

- **BLOCCO** sequenza di 1 o più istruzioni "non scomponibili" come un'operazione di I/O o un'assegnazione, o una chiamata di printf(), o una chiamata di qualsiasi funzione, o una delle istruzioni dette più giù qui sotto ...)

```
istruzione1  
istruzione2  
...
```

- **ISTRUZIONE CONDIZIONALE**  
seleziona, in base al **valore di verità** di una **CONDIZIONE**,  
l'istruzione da eseguire:

```
SE (CONDIZIONE)  
    istruzione  
ALTRIMENTI  
    altraistruzione
```

# Programmazione Strutturata

Il programma Strutturato è composto da questi tre tipi di **istruzioni**

- **BLOCCO** sequenza di 1 o più istruzioni (non scomponibili, come un'operazione di I/O o un'assegnazione, o una chiamata di printf(), o una chiamata di qualsiasi funzione, o una delle istruzioni seguenti ...)

```
istruzione1  
istruzione2  
...
```

- **ISTRUZIONE CONDIZIONALE**  
seleziona, in base al valore di verità di una **CONDIZIONE**,  
l'istruzione da eseguire:

```
SE (CONDIZIONE)  
    istruzione  
ALTRIMENTI  
    altraistruzione
```

- **ISTRUZIONE DI RIPETIZIONE**  
di base, consiste nella ripetizione della medesima istruzione  
FINTANTO CHE (cioè **mentre**) una certa **CONDIZIONE** è  
VERIFICATA (cioè ha valore di verità TRUE)

```
MENTRE (CONDIZIONE)  
    istruzione
```

# Programmazione Strutturata

Il programma Strutturato è composto da questi tre tipi di **istruzioni**

- **BLOCCO** sequenza di 1 o più istruzioni (non scomponibili, come un'operazione di I/O o un'assegnazione, o una chiamata di printf(), o una chiamata di qualsiasi funzione, o una delle istruzioni seguenti ...)

```
istruzione1  
istruzione2  
...
```

- **ISTRUZIONE CONDIZIONALE**  
selezione in base al valore di verità di una **CONDIZIONE**,

NB Ogni istruzione è una di quelle tre:  
blocco, istr. condizionale, o istr. di  
ripetizione.

```
SE (CONDIZIONE)  
    istruzione  
ALTRIMENTI  
    altraistruzione
```

- **ISTRUZIONE DI RIPETIZIONE**  
di base, consiste nella ripetizione della medesima istruzione  
FINTANTO CHE (**mentre**) una certa **CONDIZIONE** è  
VERIFICATA (cioè ha valore di verità TRUE)

```
MENTRE (CONDIZIONE)  
    istruzione
```

# Programmazione Strutturata

Il programma Strutturato e' composto da questi tre tipi di **istruzioni**

- **BLOCCO** sequenza di istruzioni elementari (non scomponibili, come un'operazione di I/O o un'assegnazione, o una chiamata di printf(), o una chiamata di qualsiasi funzione) istr. el.

- **ISTRUZIONE CON**  
selezione  
l'istruzione

Teorema di Bohem-Jacopini (~1966):

qualsiasi programma  
(funzione calcolabile)

può essere scritto usando solo le strutture di

- sequenza,
- selezione

- e ripetizione.

- **ISTRUZIONE DI R**

di base, consiste nella ripetizione della medesima istruzione **FINTANTO CHE** (mentre) una certa **CONDIZIONE** e' **VERIFICATA** (cioè ha valore di verita' **TRUE**)

**MENTRE** (CONDIZIONE)  
**istruzione**

# Algoritmo strutturato per l'eq. di secondo grado

0) i dati:  $a, b, c$ ; i risultati,  $x_1, x_2$ ; i dati intermedi deltaquadro,  $2*a, 4*a*c$  ...

- 1) INPUT ( $a, b, c$ )
- 2)  $\text{deltaQuadro} = b*b - 4*a*c$
- 3) SE ( $\text{deltaQuadro} \geq 0$ )
  - 3.1)  $x_1 = \text{formula per la sol 1}$
  - 3.2)  $x_2 = \text{formula per la sol 2}$
  - 3.3) OUTPUT( $x_1, x_2$ )ALTRIMENTI OUTPUT(«no»)
- 4) OUTPUT(«fine programma»)

vogliamo calcolare le soluzioni reali, se ci sono, senno` niente.  
E ci sono soluzioni reali solo quando il deltaQuadro e`  $\geq 0$ ;

allora

se il deltaQuadro e`  $\geq 0$  calcoliamo  $x_1$  e  $x_2$  e le stampiamo, senno`  
stampiamo NO

# Algoritmo strutturato per l'eq. di secondo grado

0) i dati:  $a, b, c$ ; i risultati,  $x_1, x_2$ ; i dati intermedi  $\Delta$ ,  $2a, 4ac$

...

- 1) INPUT ( $a, b, c$ )
- 2)  $\Delta = b^2 - 4ac$
- 3) **SE** ( $\Delta \geq 0$ )
  - 3.1)  $x_1$  = formula per la sol 1
  - 3.2)  $x_2$  = formula per la sol 2
  - 3.3) OUTPUT( $x_1, x_2$ )
- ALTRIMENTI** OUTPUT(«no»)
- 4) OUTPUT(«fine programma»)

in pratica, ci sono soluzioni reali solo quando il  $\Delta$  è  $\geq 0$ ;

allora

se il  $\Delta$  è  $\geq 0$  calcoliamo  $x_1$  e  $x_2$  e le stampiamo, senno` stampiamo NO

## Algoritmo strutturato per l'eq. di secondo grado: quali istruzioni?

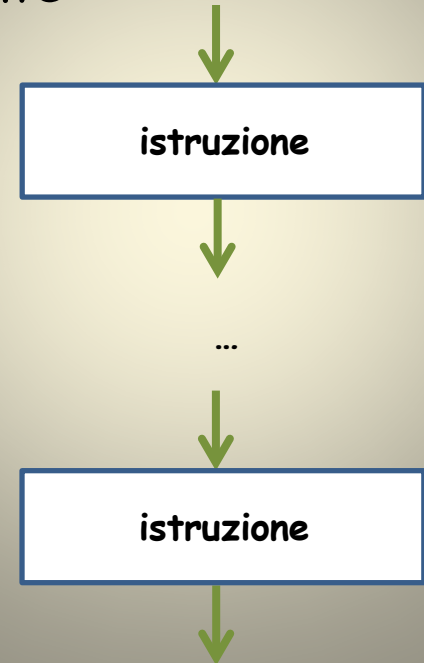
0) i dati:  $a, b, c$ ; i risultati,  $x_1, x_2$ ; i dati intermedi  $\Delta$ , ...  $2 \cdot a$ ,  $4 \cdot a \cdot c$  ...

- 1) INPUT ( $a, b, c$ )
- 2)  $\Delta = b^2 - 4 \cdot a \cdot c$
- 3) **SE** ( $\Delta \geq 0$ )
  - 3.1)  $x_1$  = formula per la sol 1
  - 3.2)  $x_2$  = formula per la sol 2
  - 3.3) OUTPUT( $x_1, x_2$ )**ALTRIMENTI** OUTPUT(«no»)
- 4) OUTPUT(«fine programma»)



l'istruzione condizionale (3) è una delle quattro istruzioni nel blocco principale

C'è un BLOCCO principale ... che nel diagramma a blocchi è rappresentato abbastanza ovviamente



## Algoritmo strutturato per l'eq. di secondo grado: quali istruzioni? Quali BLOCCHI per il DIAGRAMMA A BLOCCHI?

0) i dati:  $a, b, c$ ; i risultati,  $x_1, x_2$ ; i dati intermedi  $\text{deltaQuadro}, \dots 2*a, 4*a*c \dots$

1) INPUT ( $a, b, c$ )

2)  $\text{deltaQuadro} = b*b - 4*a*c$

3) **SE** ( $\text{deltaQuadro} \geq 0$ )

3.1)  $x_1 = \text{formu}$

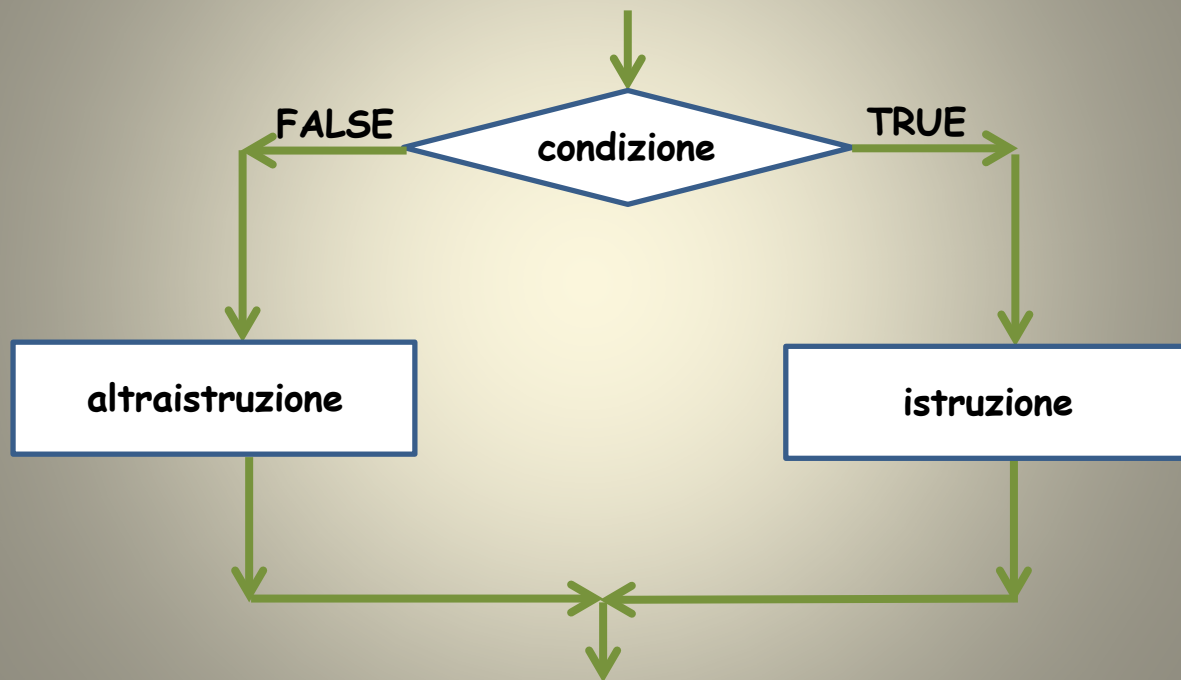
3.2)  $x_2 = \text{formu}$

3.3) OUTPUT( $x$ )

**ALTRIMENTI** OUT

4) OUTPUT(«fine prog

C'è un'istruzione condizionale, che nel diagramma a blocchi è rappresentata dalla forma seguente



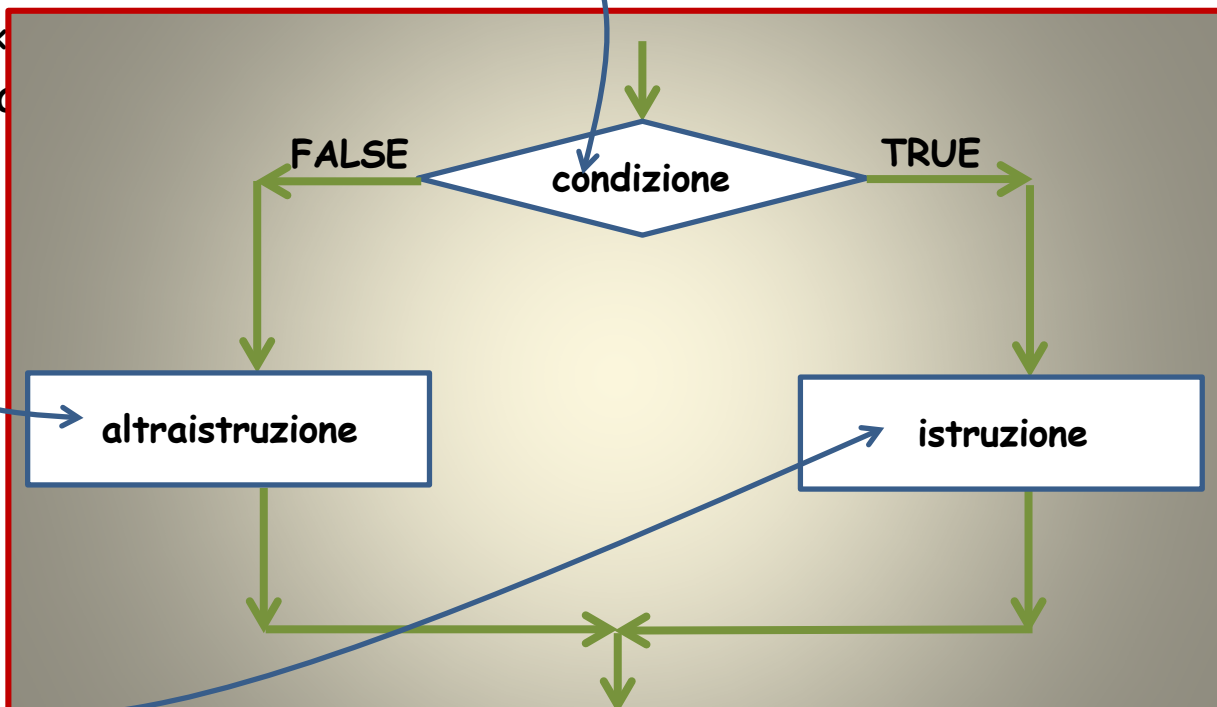
**SE** (CONDIZIONE)  
istruzione  
**ALTRIMENTI**  
altraistruzione



# Algoritmo strutturato per l'eq. di secondo grado: quali istruzioni? Quali BLOCCHI per il DIAGRAMMA A BLOCCHI?

0) i dati: a, b, c; i risultati, x1, x2; i dati intermedi deltaQuadro, ...  $2*a$ ,  $4*a*c$  ...

- 1) INPUT (a, b, c)
- 2)  $\text{deltaQuadro} = b*b - 4*a*c$
- 3) **SE** ( $\text{deltaQuadro} \geq 0$ )
  - 3.1) x1 = formula per la sol 1
  - 3.2) x2 = formula per la sol 2
  - 3.3) OUTPUT(x1, x2)
- ALTRIMENTI OUTPUT(«
- 4) OUTPUT(«fine programma

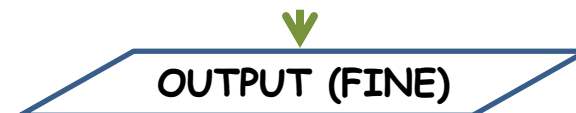
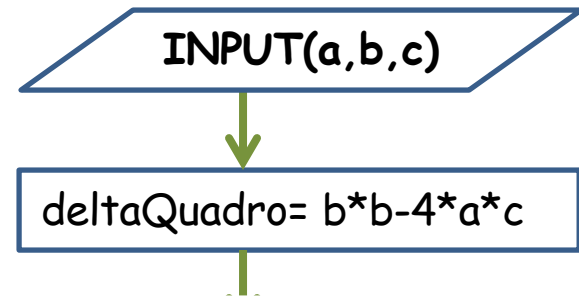


istruzione1  
istruzione2  
...

# Algoritmo strutturato per l'eq. di secondo grado

0) i dati:  $a, b, c$ ; i risultati,  $x_1, x_2$  (supponiamo che esistano reali); i dati intermedi  $\Delta$ , ...  $2*a, 4*a*c$  ...

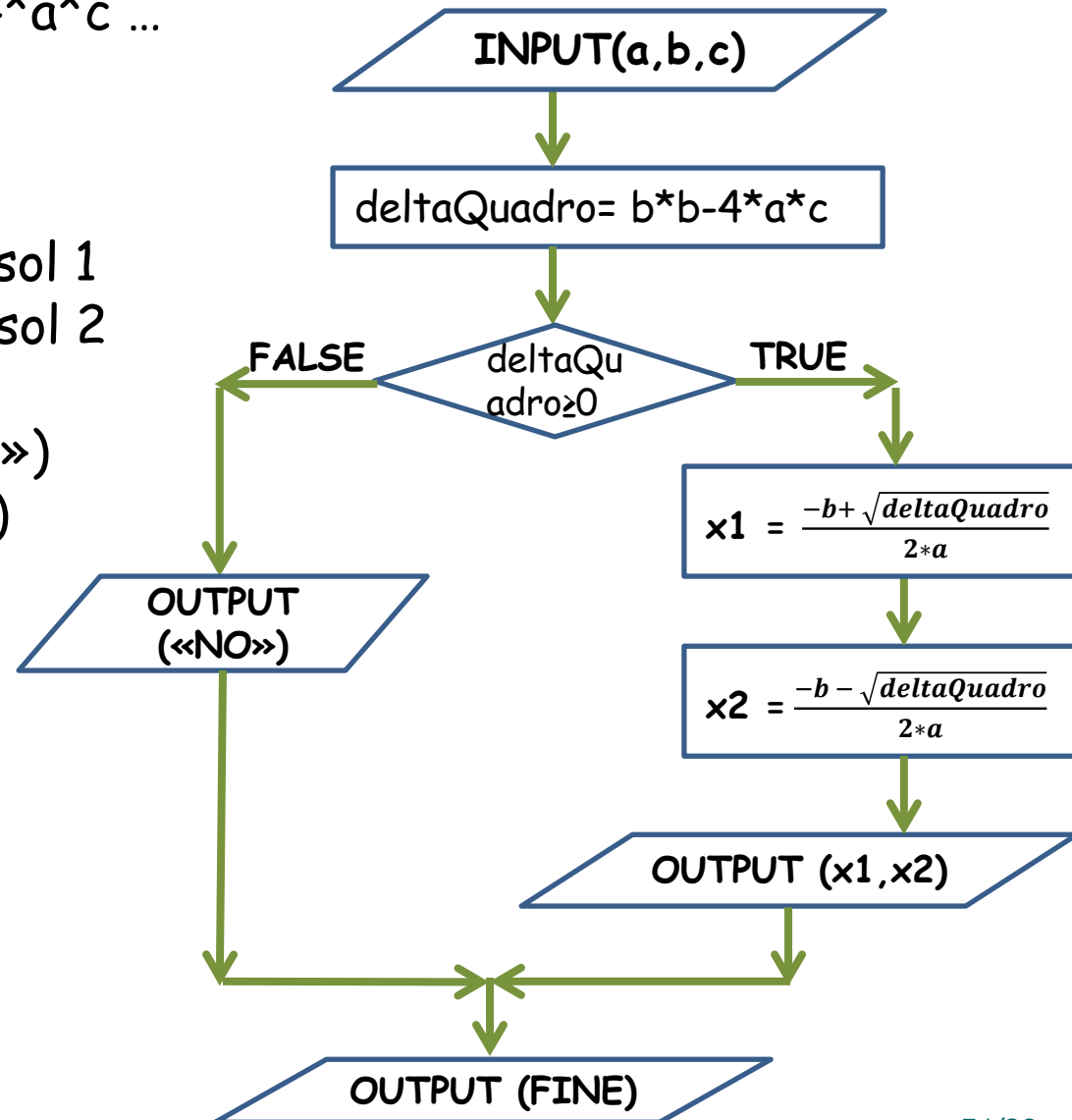
- 1) INPUT ( $a, b, c$ )
- 2)  $\Delta = b*b - 4*a*c$
- 3) **SE** ( $\Delta \geq 0$ )
  - 3.1)  $x_1$  = formula per la sol 1
  - 3.2)  $x_2$  = formula per la sol 2
  - 3.3) OUTPUT( $x_1, x_2$ )**ALTRIMENTI** OUTPUT(«no»)
- 4) OUTPUT(«fine programma»)



# Algoritmo strutturato per l'eq. di secondo grado

0) i dati: a, b, c; i risultati, x1, x2 (supponiamo che esistano reali); i dati intermedi deltaQuadro, ...  $2*a$ ,  $4*a*c$  ...

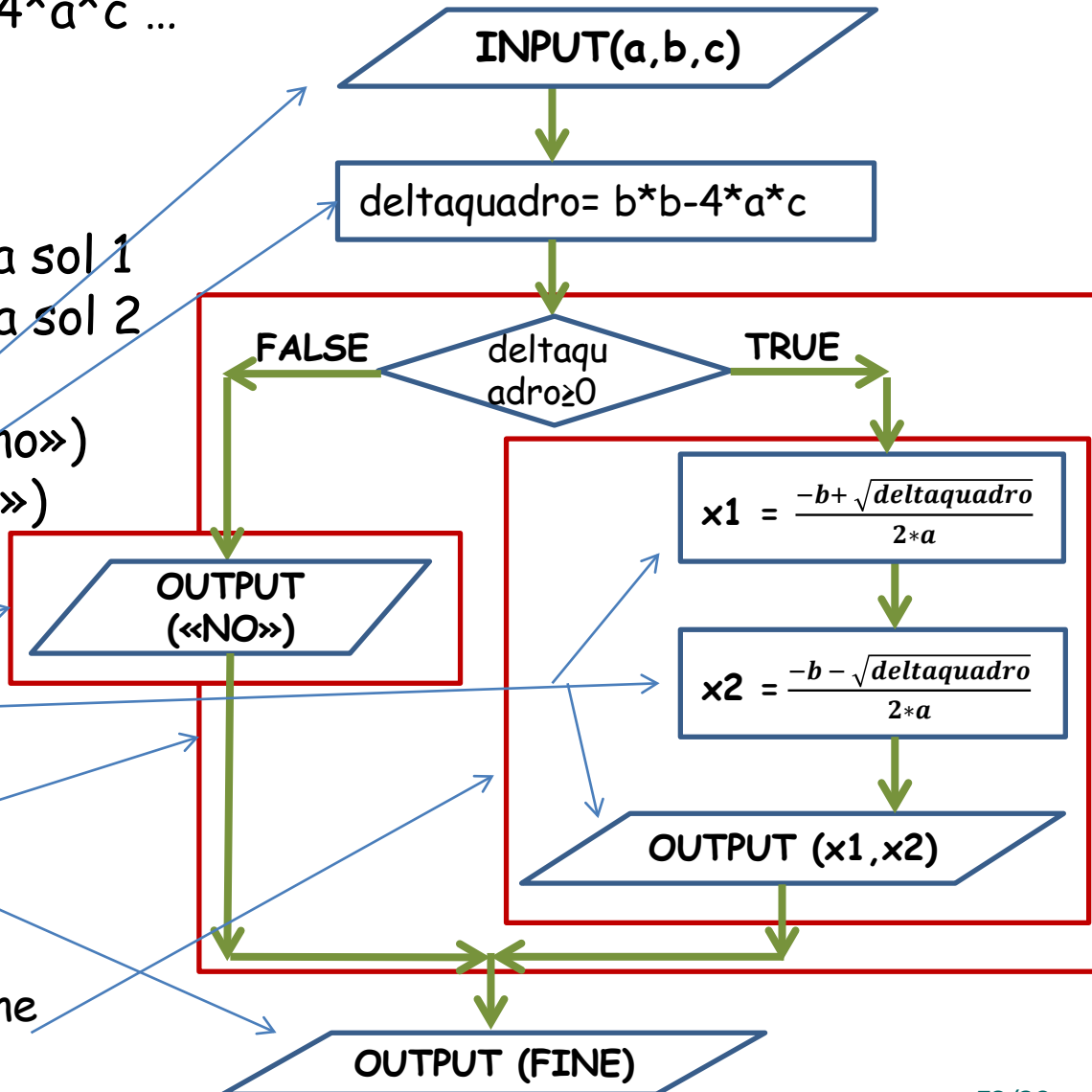
- 1) INPUT (a, b, c)
- 2)  $\text{deltaQuadro} = b*b - 4*a*c$
- 3) SE ( $\text{deltaQuadro} \geq 0$ )
  - 3.1) x1 = formula per la sol 1
  - 3.2) x2 = formula per la sol 2
  - 3.3) OUTPUT(x1, x2)
- ALTRIMENTI OUTPUT(«no»)
- 4) OUTPUT(«fine programma»)



# Algoritmo strutturato per l'eq. di secondo grado

0) i dati: a, b, c; i risultati, x1, x2 (supponiamo che esistano reali); i dati intermedi deltaquadro, ...  $2*a$ ,  $4*a*c$  ...

- 1) INPUT (a, b, c)
- 2)  $\text{deltaquadro} = b*b - 4*a*c$
- 3) SE ( $\text{deltaquadro} \geq 0$ )
  - 3.1) x1 = formula per la sol 1
  - 3.2) x2 = formula per la sol 2
  - 3.3) OUTPUT(x1, x2)
- ALTRIMENTI OUTPUT(«no»)
- 4) OUTPUT(«fine programma»)



istruzione

istruzione  
(condizionale)

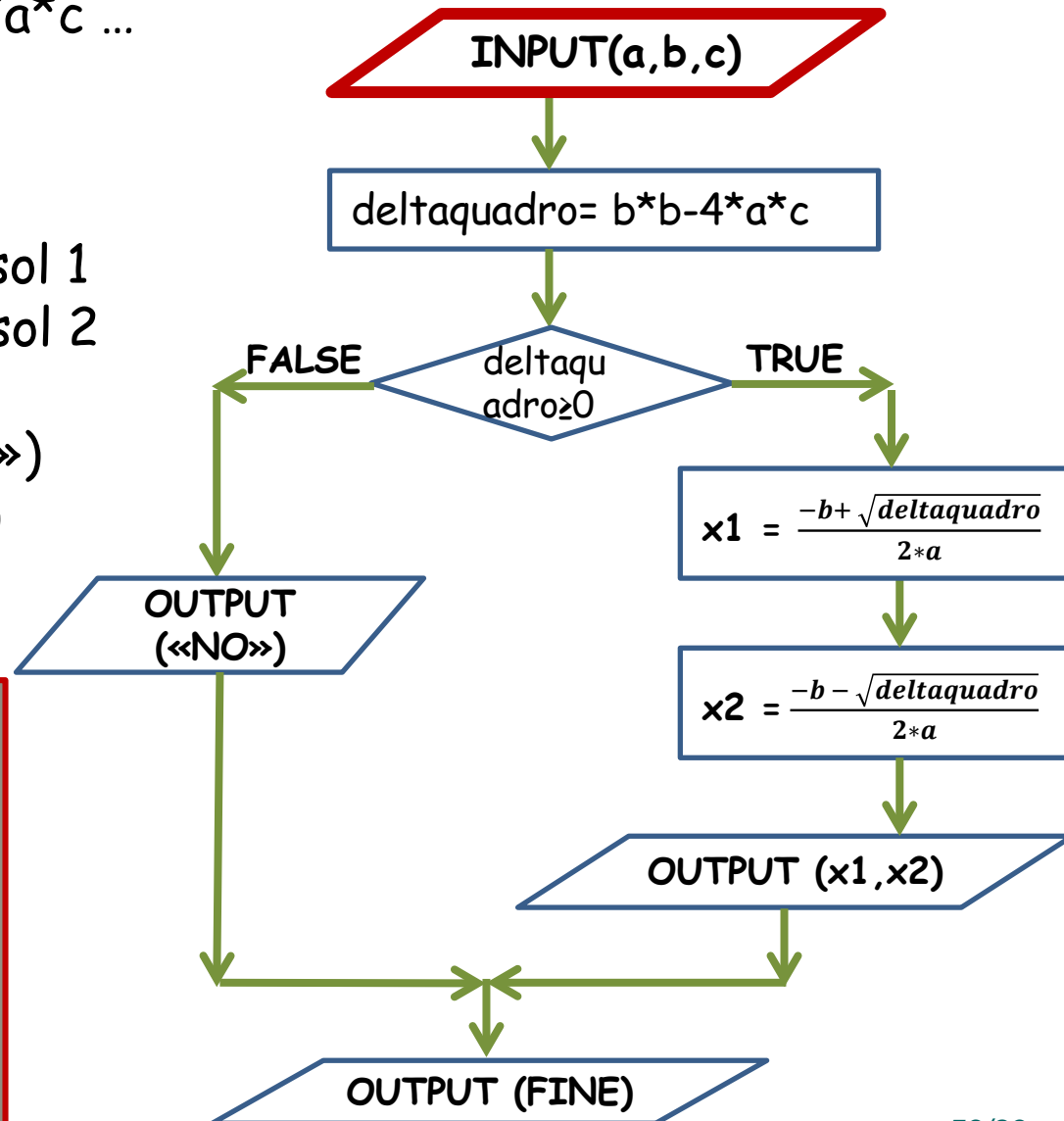
istruzione  
(blocco)

# Algoritmo strutturato per l'eq. di secondo grado: flusso in un'istanza

0) i dati: a, b, c; i risultati, x1, x2 (supponiamo che esistano reali); i dati intermedi deltaquadro, ...  $2*a$ ,  $4*a*c$  ...

- 1) INPUT (a, b, c)
- 2)  $\text{deltaquadro} = b*b - 4*a*c$
- 3) **SE** ( $\text{deltaquadro} \geq 0$ )
  - 3.1) x1 = formula per la sol 1
  - 3.2) x2 = formula per la sol 2
  - 3.3) OUTPUT(x1, x2)
- 4) OUTPUT(«fine programma»)

**ALTRIMENTI** OUTPUT(«no»)



Esecuzione, per a=1, b=4, c=1

a  b  c

deltaQuadro

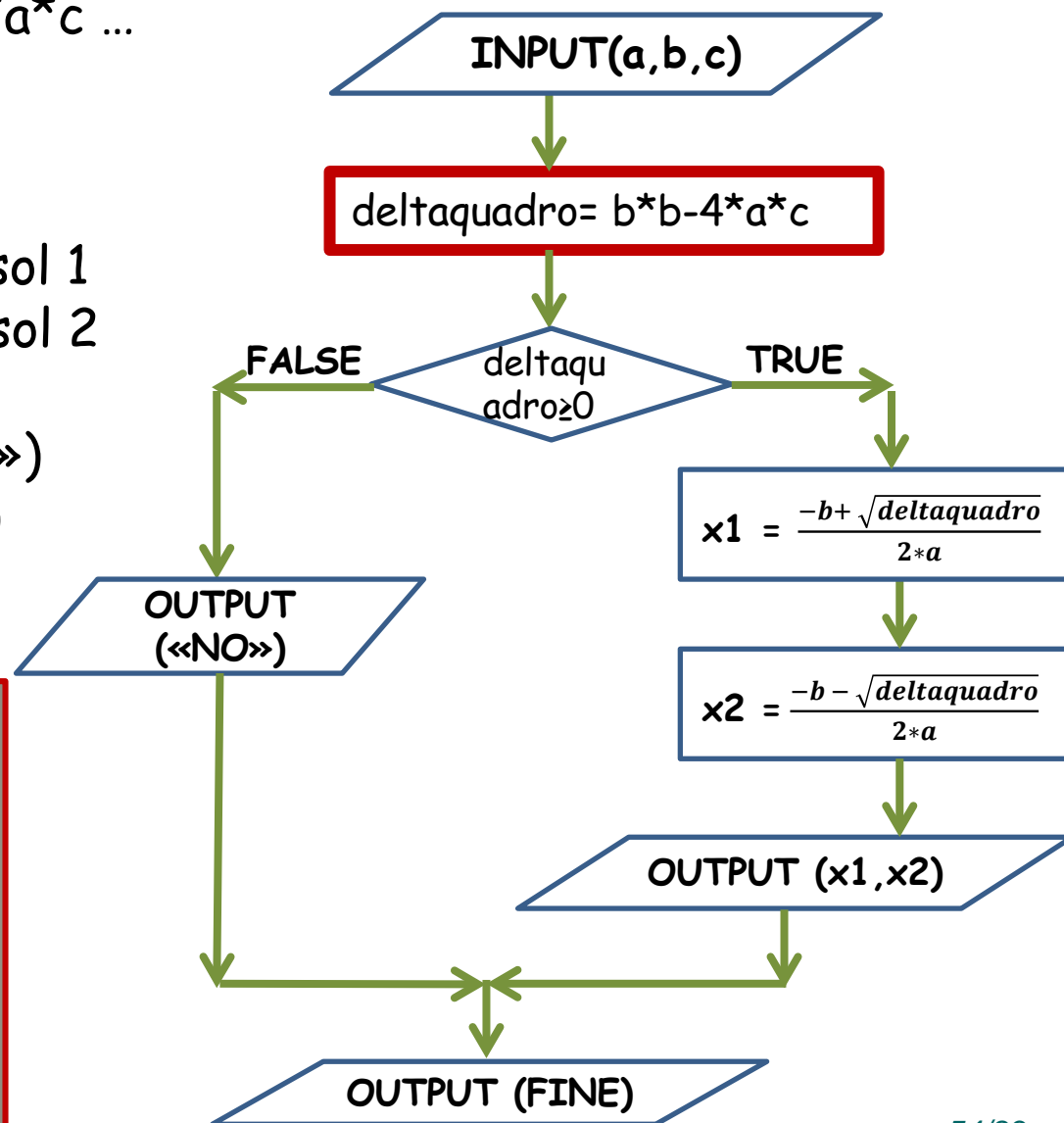
x1

x2

# Algoritmo strutturato per l'eq. di secondo grado: flusso in un'istanza

0) i dati: a, b, c; i risultati, x1, x2 (supponiamo che esistano reali); i dati intermedi deltaquadro, ...  $2*a$ ,  $4*a*c$  ...

- 1) INPUT (a, b, c)
- 2)  $\text{deltaquadro} = b*b - 4*a*c$
- 3) SE ( $\text{deltaquadro} \geq 0$ )
  - 3.1) x1 = formula per la sol 1
  - 3.2) x2 = formula per la sol 2
  - 3.3) OUTPUT(x1, x2)
- ALTRIMENTI OUTPUT(«no»)
- 4) OUTPUT(«fine programma»)



Esecuzione, per a=1, b=4, c=1

a  b  c

deltaQuadro

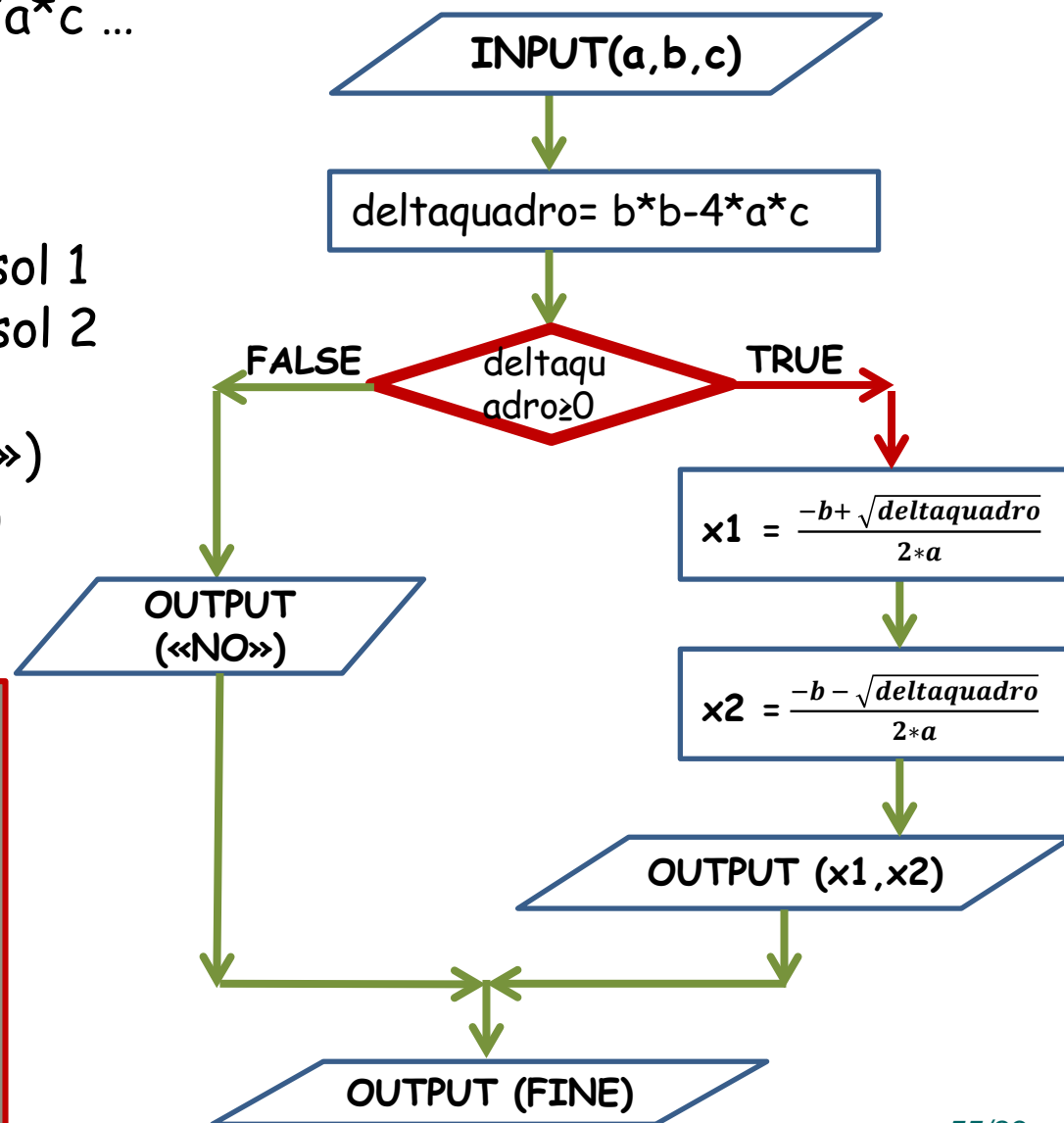
x1

x2

# Algoritmo strutturato per l'eq. di secondo grado: flusso in un'istanza

0) i dati: a, b, c; i risultati, x1, x2 (supponiamo che esistano reali); i dati intermedi deltaquadro, ...  $2*a$ ,  $4*a*c$  ...

- 1) INPUT (a, b, c)
- 2)  $\text{deltaquadro} = b*b - 4*a*c$
- 3) **SE** ( $\text{deltaquadro} \geq 0$ )
  - 3.1) x1 = formula per la sol 1
  - 3.2) x2 = formula per la sol 2
  - 3.3) OUTPUT(x1, x2)
- ALTRIMENTI OUTPUT(«no»)
- 4) OUTPUT(«fine programma»)



Esecuzione, per a=1, b=4, c=1

a  b  c

deltaQuadro

x1

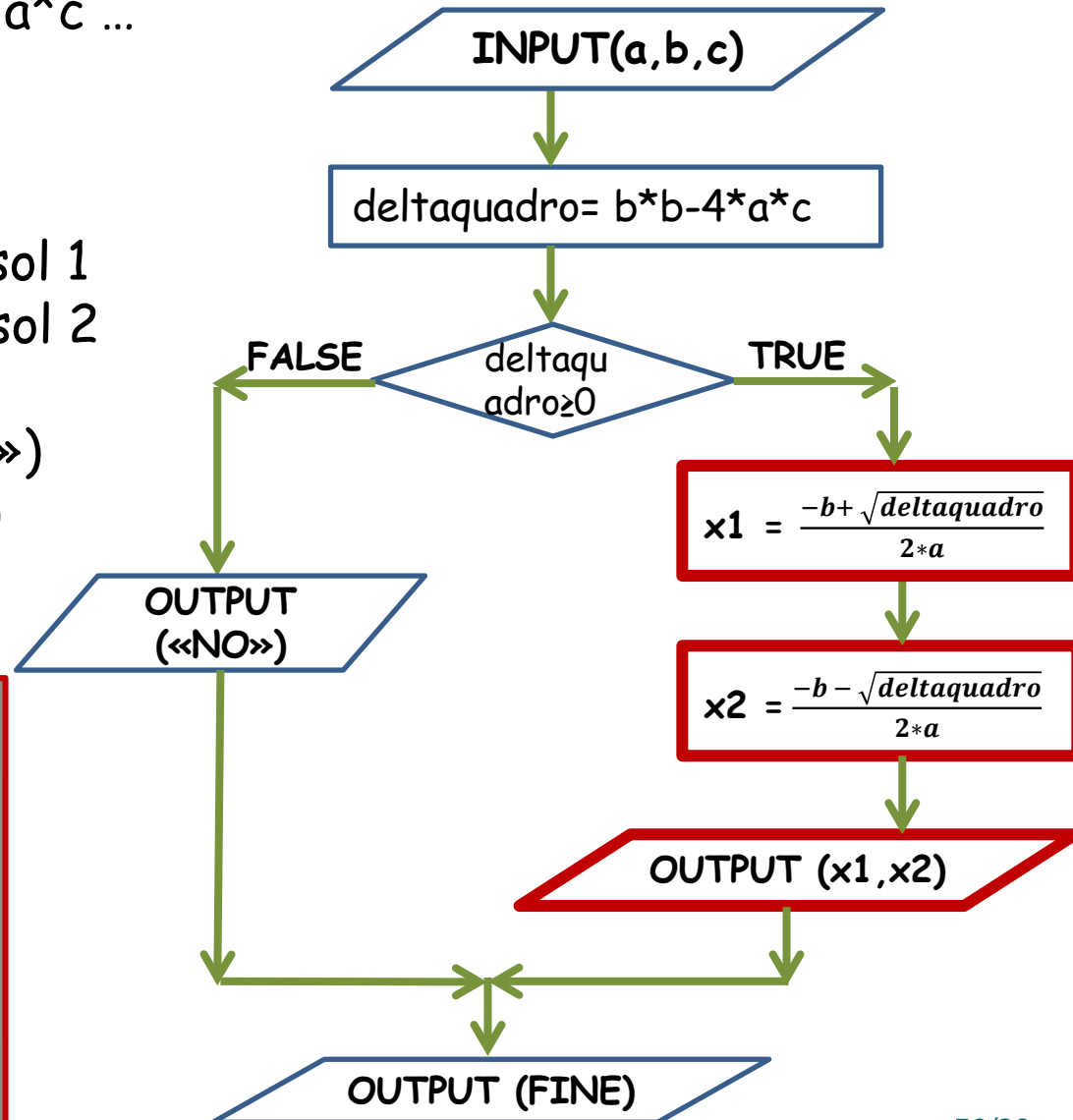
x2

# Algoritmo strutturato per l'eq. di secondo grado: flusso in un'istanza

0) i dati: a, b, c; i risultati, x1, x2 (supponiamo che esistano reali); i dati intermedi  $\text{deltaquadro}$ , ...  $2*a$ ,  $4*a*c$  ...

- 1) INPUT (a, b, c)
- 2)  $\text{deltaquadro} = b*b - 4*a*c$
- 3) SE ( $\text{deltaquadro} \geq 0$ )
  - 3.1) x1 = formula per la sol 1
  - 3.2) x2 = formula per la sol 2
  - 3.3) OUTPUT(x1, x2)
- 4) OUTPUT(«fine programma»)

ALTRIMENTI OUTPUT(«no»)



Esecuzione, per a=1, b=4, c=1

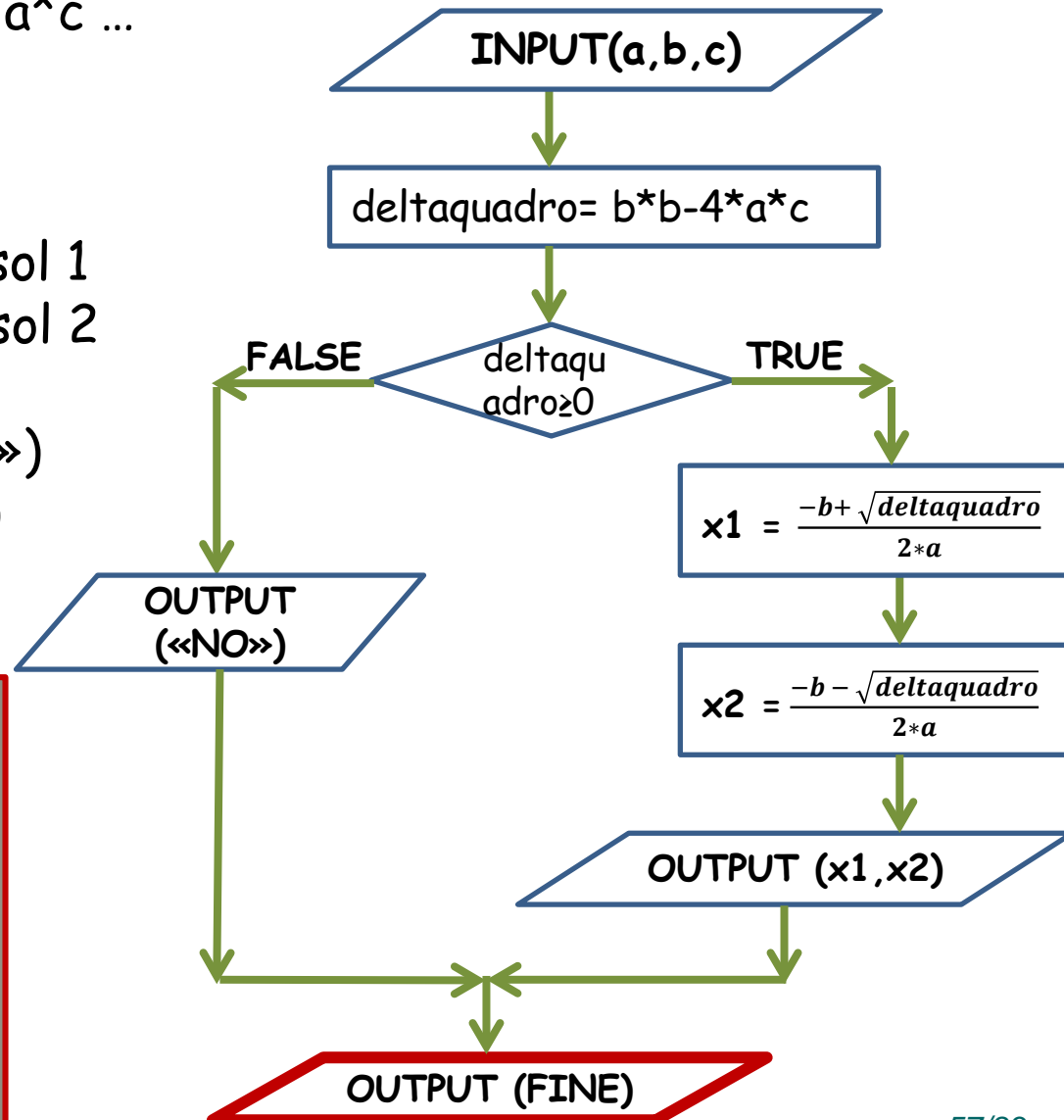
a	1	b	4	c	1
deltaQuadro	12				
output x1, x2	x1 ...				
	x2 ...				



# Algoritmo strutturato per l'eq. di secondo grado: flusso in un'istanza

0) i dati: a, b, c; i risultati, x1, x2 (supponiamo che esistano reali); i dati intermedi  $\Delta$ , ...  $2*a$ ,  $4*a*c$  ...

- 1) INPUT (a, b, c)
- 2)  $\Delta = b*b - 4*a*c$
- 3) **SE** ( $\Delta \geq 0$ )
  - 3.1) x1 = formula per la sol 1
  - 3.2) x2 = formula per la sol 2
  - 3.3) OUTPUT(x1, x2)
- ALTRIMENTI OUTPUT(«no»)
- 4) OUTPUT(«fine programma»)



Esecuzione, per a=1, b=4, c=1

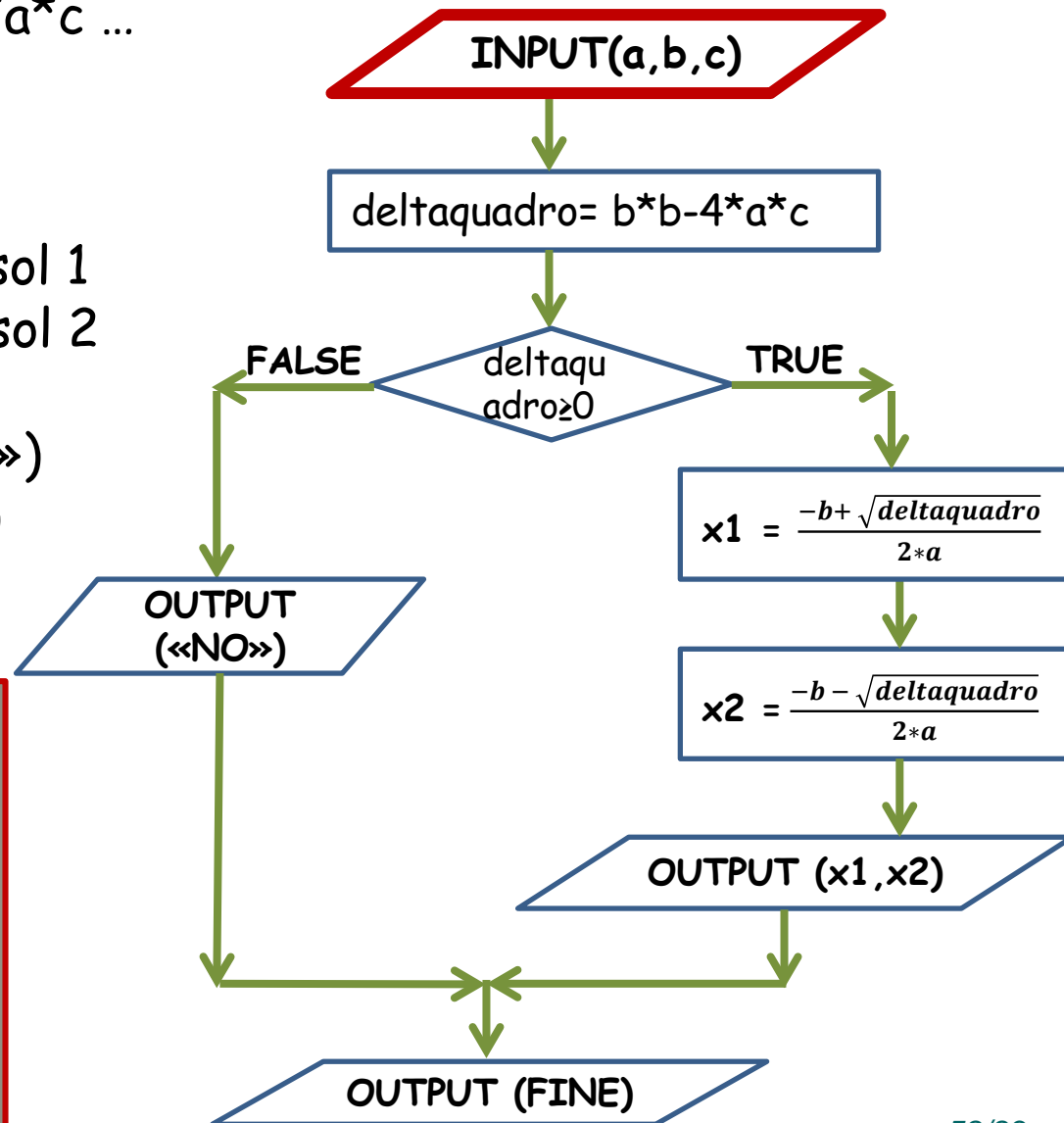
a	1	b	4	c	1
deltaQuadro	12				
output x1, x2	FINE				
x1	...				
x2	...				

# Algoritmo strutturato per l'eq. di secondo grado: flusso in un'altra istanza

0) i dati: a, b, c; i risultati, x1, x2 (supponiamo che esistano reali); i dati intermedi deltaquadro, ...  $2*a$ ,  $4*a*c$  ...

- 1) INPUT (a, b, c)
- 2)  $\text{deltaquadro} = b*b - 4*a*c$
- 3) SE ( $\text{deltaquadro} \geq 0$ )
  - 3.1) x1 = formula per la sol 1
  - 3.2) x2 = formula per la sol 2
  - 3.3) OUTPUT(x1, x2)
- 4) OUTPUT(«fine programma»)

ALTRIMENTI OUTPUT(«no»)



Esecuzione, per a=4, b=4, c=4

a  b  c

deltaQuadro

x1

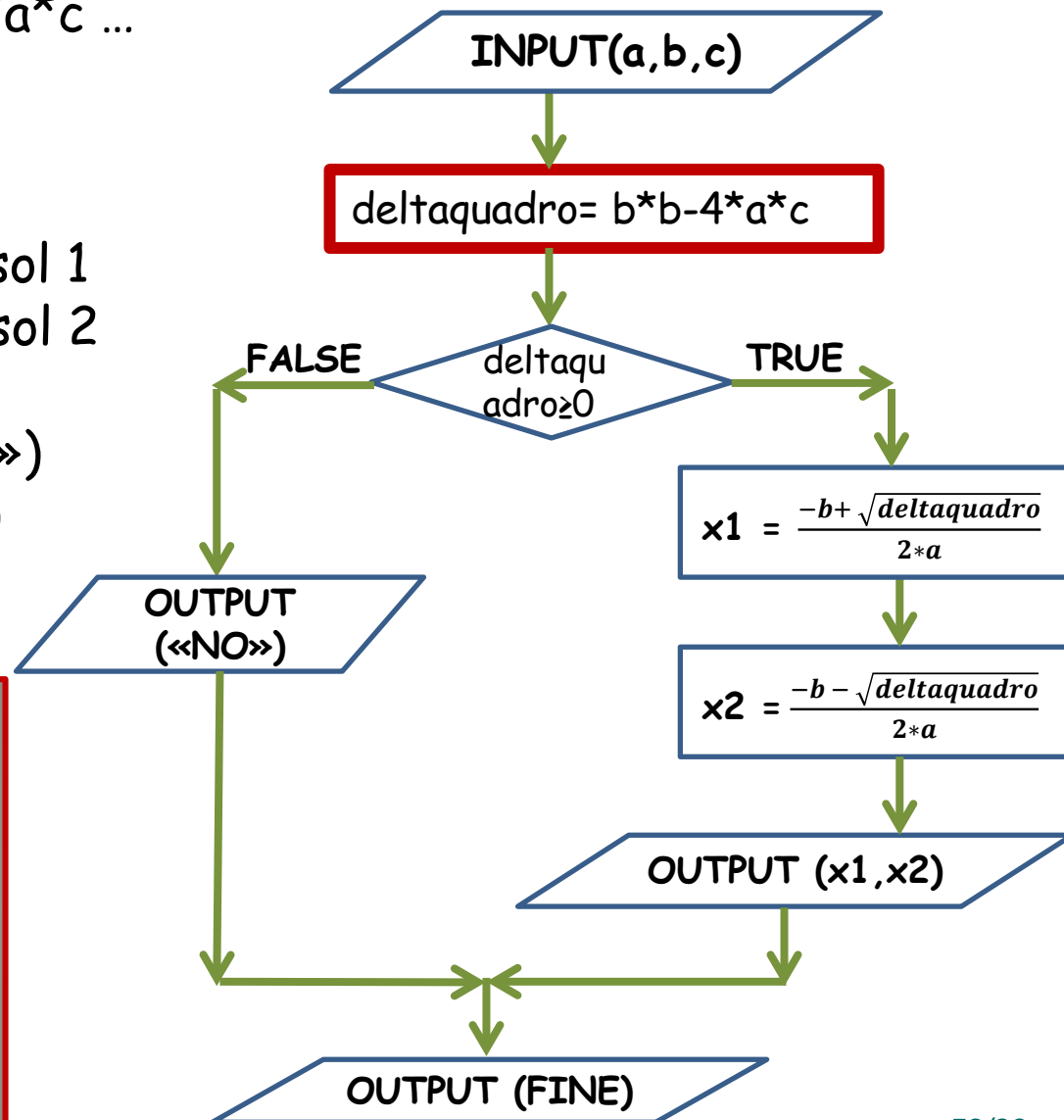
x2

# Algoritmo strutturato per l'eq. di secondo grado: flusso in un'altra istanza

0) i dati: a, b, c; i risultati, x1, x2 (supponiamo che esistano reali); i dati intermedi deltaquadro, ...  $2*a$ ,  $4*a*c$  ...

- 1) INPUT (a, b, c)
- 2)  $\text{deltaquadro} = b*b - 4*a*c$
- 3) **SE** ( $\text{deltaquadro} \geq 0$ )
  - 3.1) x1 = formula per la sol 1
  - 3.2) x2 = formula per la sol 2
  - 3.3) OUTPUT(x1, x2)
- 4) OUTPUT(«fine programma»)

**ALTRIMENTI** OUTPUT(«no»)



Esecuzione, per a=4, b=4, c=4

a  b  c

deltaQuadro

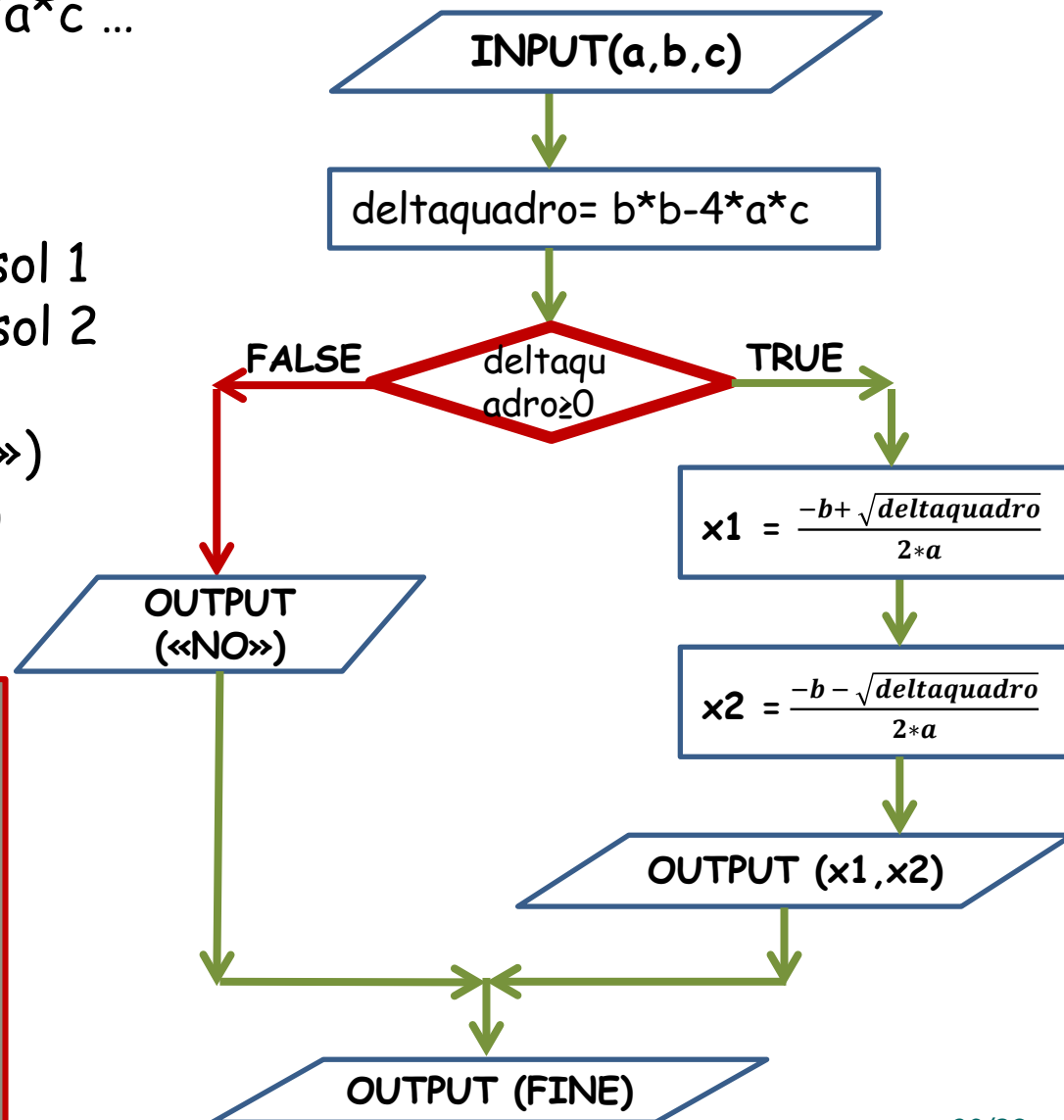
x1

x2

# Algoritmo strutturato per l'eq. di secondo grado: flusso in un'altra istanza

0) i dati: a, b, c; i risultati, x1, x2 (supponiamo che esistano reali); i dati intermedi deltaquadro, ...  $2*a$ ,  $4*a*c$  ...

- 1) INPUT (a, b, c)
- 2)  $\text{deltaquadro} = b*b - 4*a*c$
- 3) **SE** ( $\text{deltaquadro} \geq 0$ )
  - 3.1) x1 = formula per la sol 1
  - 3.2) x2 = formula per la sol 2
  - 3.3) OUTPUT(x1, x2)
- ALTRIMENTI OUTPUT(«no»)
- 4) OUTPUT(«fine programma»)



Esecuzione, per a=4, b=4, c=4

4      4      4

deltaQuadro      -48

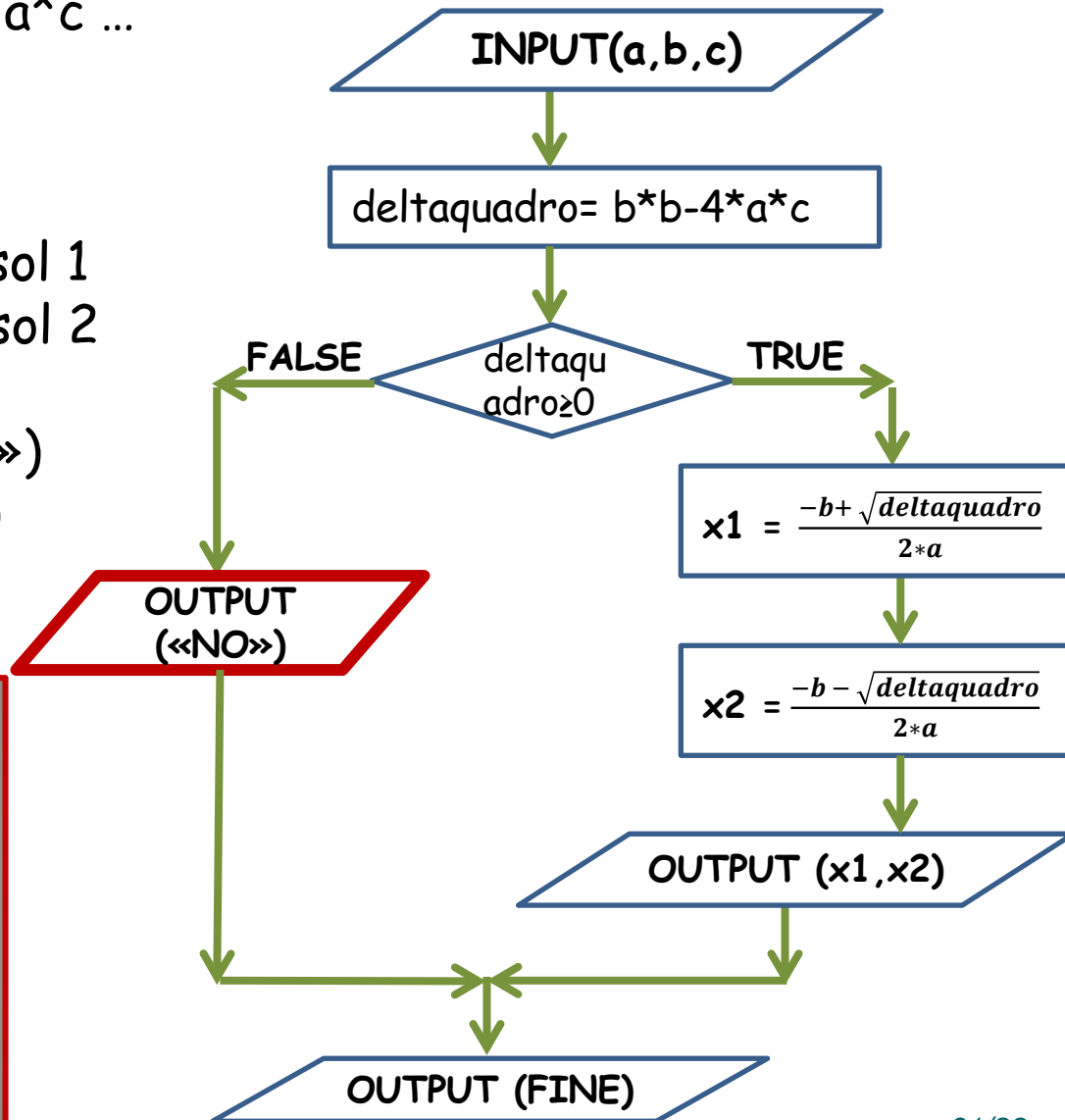
x1     

x2

# Algoritmo strutturato per l'eq. di secondo grado: flusso in un'altra istanza

0) i dati: a, b, c; i risultati, x1, x2 (supponiamo che esistano reali); i dati intermedi deltaquadro, ...  $2*a$ ,  $4*a*c$  ...

- 1) INPUT (a, b, c)
- 2)  $\text{deltaquadro} = b*b - 4*a*c$
- 3) **SE** ( $\text{deltaquadro} \geq 0$ )
  - 3.1) x1 = formula per la sol 1
  - 3.2) x2 = formula per la sol 2
  - 3.3) OUTPUT(x1, x2)
- ALTRIMENTI OUTPUT(«no»)
- 4) OUTPUT(«fine programma»)



Esecuzione, per a=4, b=4, c=4

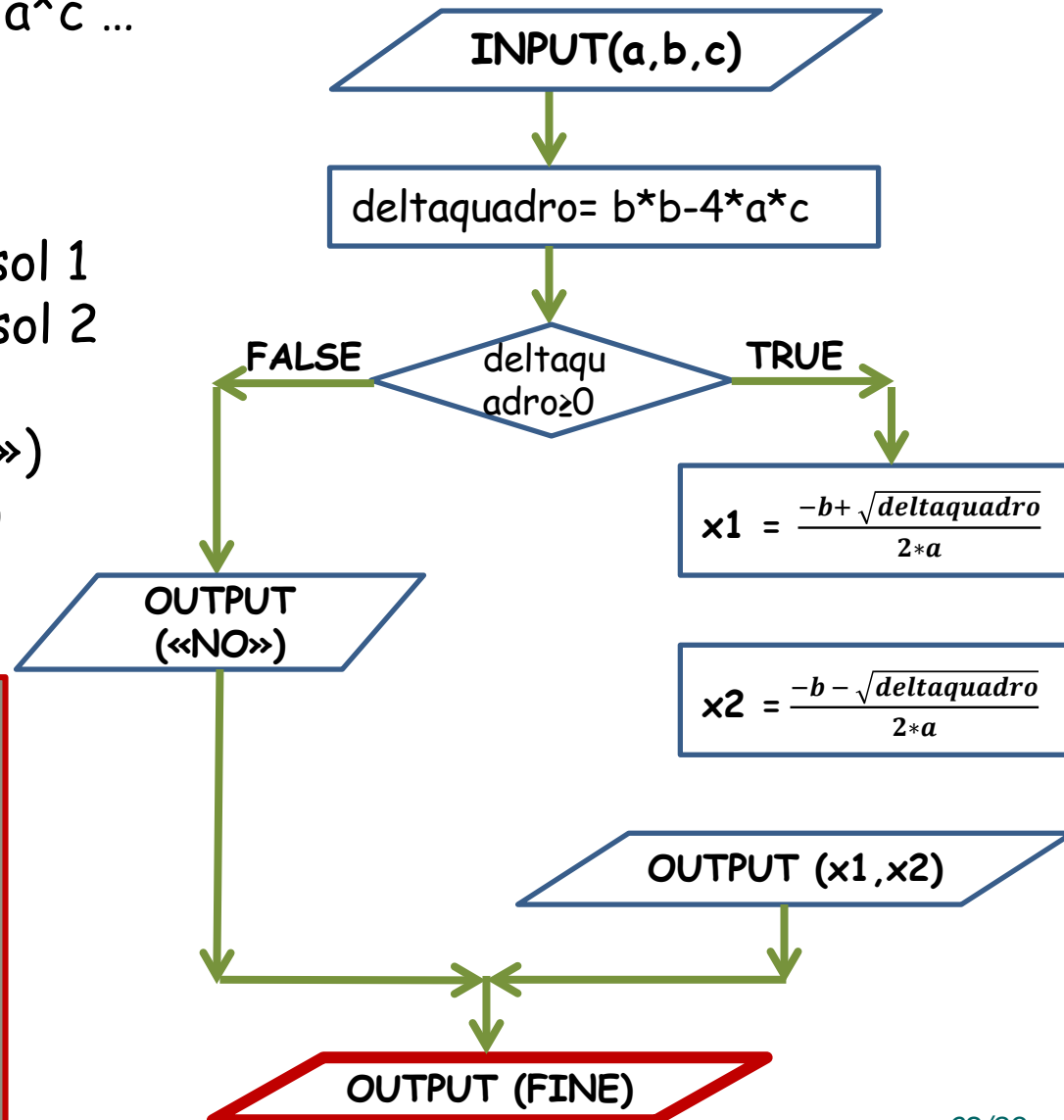
4	4	4
deltaQuadro	-48	
NO	x1	
	x2	

# Algoritmo strutturato per l'eq. di secondo grado: flusso in un'altra istanza

0) i dati: a, b, c; i risultati, x1, x2 (supponiamo che esistano reali); i dati intermedi deltaquadro, ...  $2*a$ ,  $4*a*c$  ...

- 1) INPUT (a, b, c)
- 2)  $\text{deltaquadro} = b*b - 4*a*c$
- 3) **SE** ( $\text{deltaquadro} \geq 0$ )
  - 3.1) x1 = formula per la sol 1
  - 3.2) x2 = formula per la sol 2
  - 3.3) OUTPUT(x1, x2)
- 4) OUTPUT(«fine programma»)

**ALTRIMENTI** OUTPUT(«no»)



Esecuzione, per a=4, b=4, c=4

4      4      4

deltaQuadro      -48

NO  
FINE

x1   
x2

# Algoritmo strutturato per il MCD

- 0) i dati:  $n$ ,  $m$  (input) e  $ris$
- 1) INPUT ( $n$ ,  $m$ )
- 2)  $ris = \min\{n, m\}$
- 3) FINTANTO CHE ( $ris$  NON DIVIDE  $n$ ) oppure ( $ris$  NON DIVIDE  $m$ )
  - 3.1)  $ris = ris - 1$
- 4) OUTPUT( $ris$ )

# Algoritmo strutturato per il MCD

- 0) i dati:  $n$ ,  $m$  (input) e  $ris$
- 1) INPUT ( $n$ ,  $m$ )
- 2)  $ris = \min\{n, m\}$
- 3) FINTANTO CHE ( $ris$  NON DIVIDE  $n$ ) oppure ( $ris$  NON DIVIDE  $m$ )
  - 3.1)  $ris = ris - 1$
- 4) OUTPUT( $ris$ )

NB

Nello scrivere gli algoritmi abbiamo usato una certa libertà espressiva perché non stiamo programmando in un linguaggio di programmazione e non abbiamo troppi vincoli (a parte quello della precisione, non ambiguità ed univocità di quel che scriviamo ... già, roba da poco ...).

A volte usiamo per brevità scritte che sembrano linee di codice di programma: stiamo usando **PSEUDOCODICE**

NB2

Confronta questo algoritmo con quello precedente visto per il MCD.

Anche qui facciamo un test e, se è il caso, eseguiamo  $ris = ris - 1$

e poi torniamo ad eseguire il test (cioè torniamo al passo 3). Però la logica del test è inversa rispetto a quello precedente. È stato necessario invertirla per poter scrivere questa istruzione strutturata (di ripetizione).

[Dopo si vede che questo test si chiama "condizione di ripetizione".]

Se il test fallisce, il passo 3.1 non viene eseguito, non si torna ad eseguire il passo 3) e invece si passa ad eseguire il passo 4) ... che è un'azione di output, come il passo 5 dell'algoritmo precedente.



# Algoritmo strutturato per il MCD

0) i dati:  $n$ ,  $m$  (input) e  $ris$

1) INPUT ( $n$ ,  $m$ )

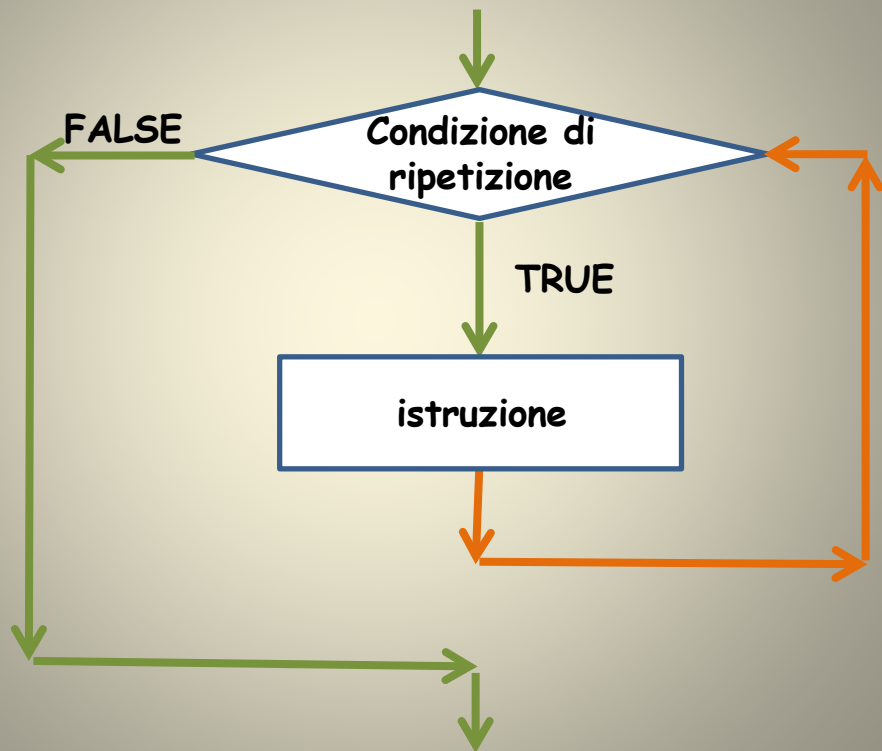
2)  $ris = \text{minimo}\{n,m\}$

3) FINTANTO CHE ( $ris$  NON DIVIDE  $n$ ) OPPURE ( $ris$  NON DIVIDE  $m$ )

3.1)  $ris = ris - 1$

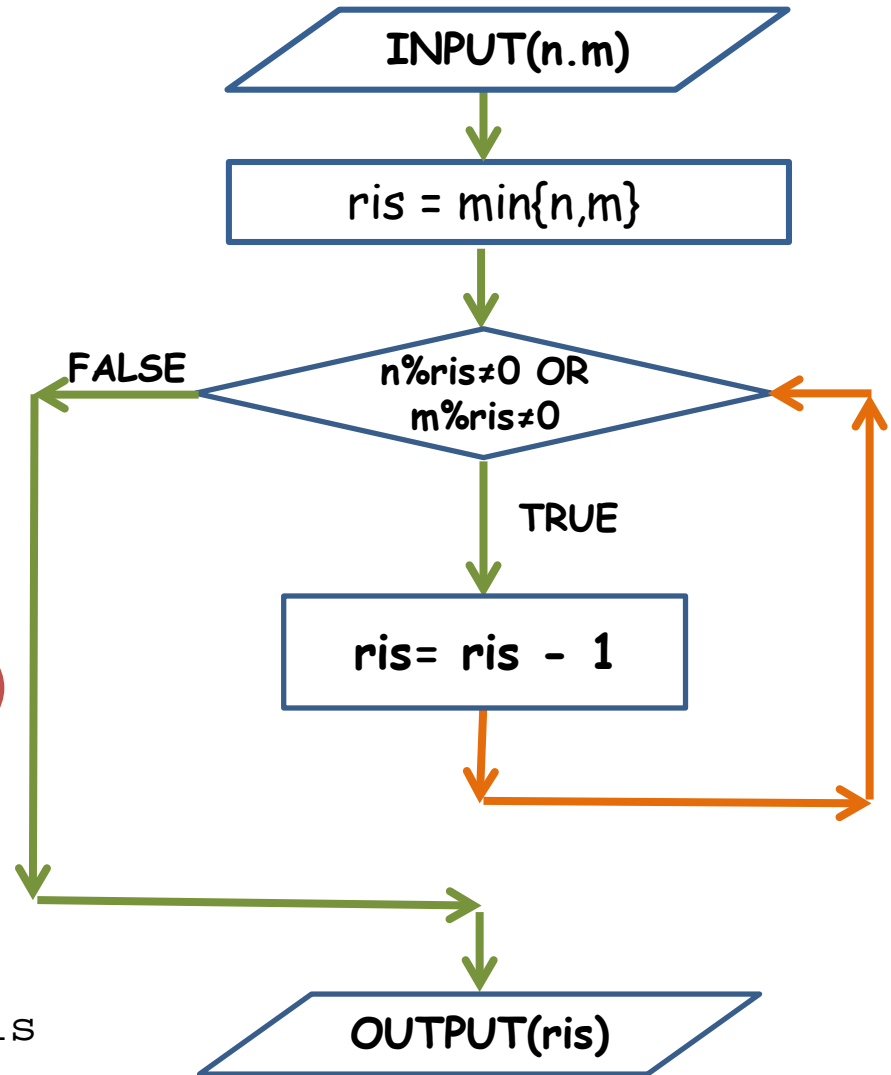
4) OUTPUT( $ris$ )

C'è un'istruzione di ripetizione, che nel diagramma a blocchi è rappresentata dalla forma seguente



# Algoritmo strutturato per il MCD

- 0) i dati:  $n$ ,  $m$  (input) e  $ris$
- 1) INPUT ( $n$ ,  $m$ )
- 2)  $ris = \min\{n, m\}$
- 3) FINTANTO CHE ( $ris$  NON DIVIDE  $n$ ) OPPURE ( $ris$  NON DIVIDE  $m$ )
  - 3.1)  $ris = ris - 1$
- 4) OUTPUT( $ris$ )



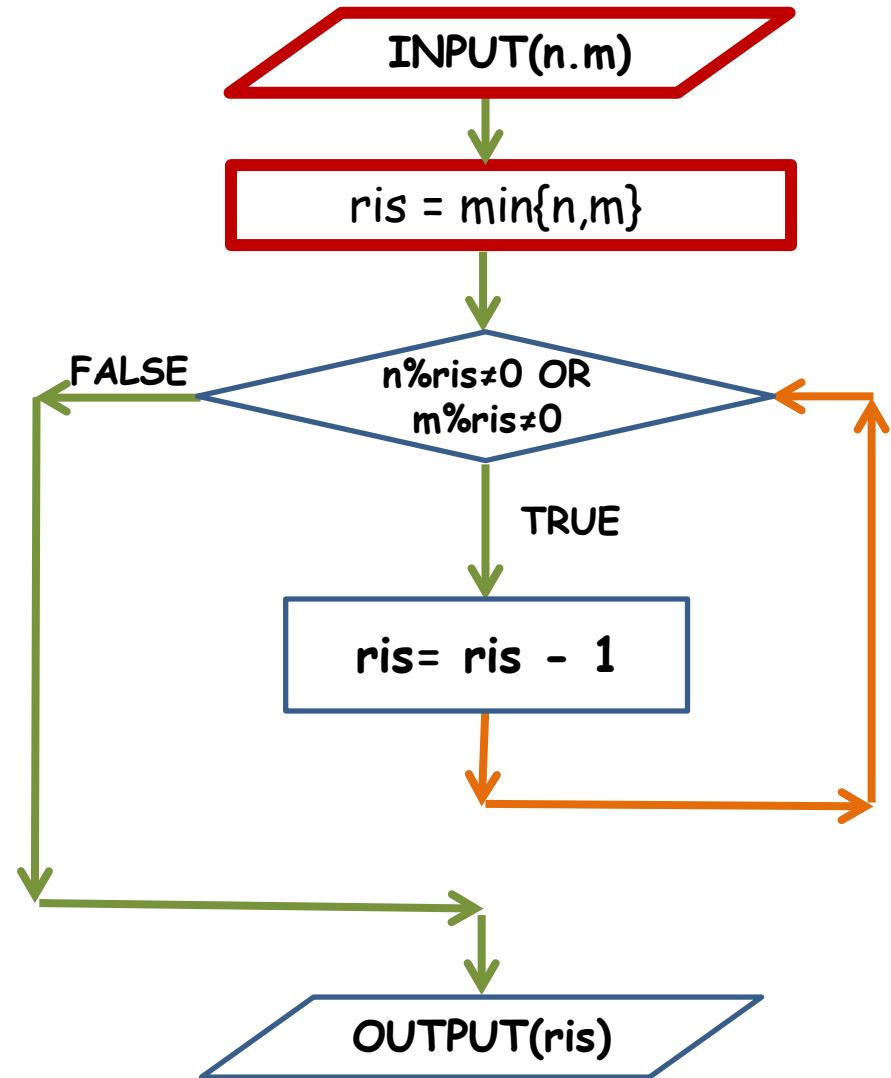
NB  
"ris divide n se  $n \% ris$  è zero"  
  
 $ris$  NON DIVIDE  $n$  quando  
 $n \% ris$  è diverso da zero

$n \% ris = \langle n \text{ modulo } ris \rangle$   
resto della divisione di  $n$  per  $ris$

la condizione vale se almeno una tra  $(n \% ris \neq 0)$  e  $(m \% ris \neq 0)$  è vera

# Algoritmo strutturato per il MCD

- 0) i dati:  $n$ ,  $m$  (input) e  $ris$
- 1) INPUT ( $n$ ,  $m$ )
- 2)  $ris = \text{minimo}\{n,m\}$
- 3) FINTANTO CHE ( $ris$  NON DIVIDE  $n$ ) OPPURE ( $ris$  NON DIVIDE  $m$ )
  - 3.1)  $ris = ris - 1$
- 4) OUTPUT( $ris$ )



Esecuzione, per  $n=6$ ,  $m=21$

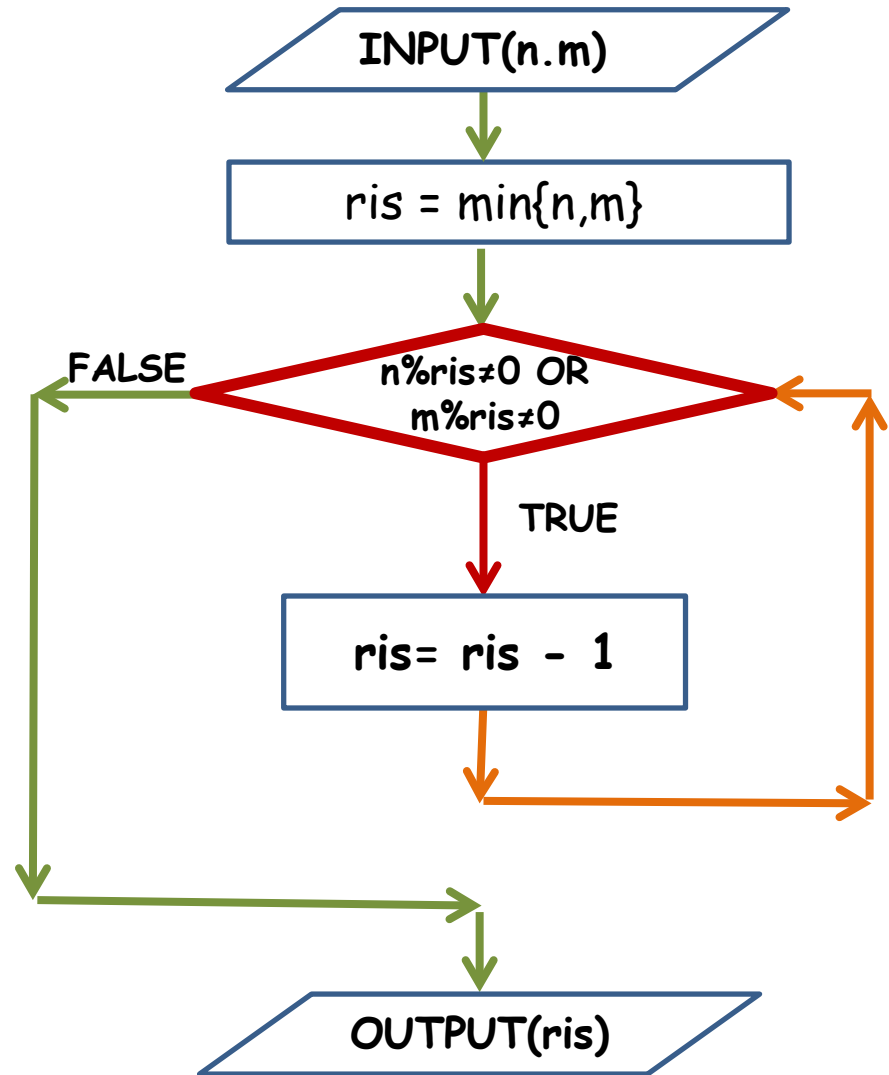
i primi due passi

$ris$

6

# Algoritmo strutturato per il MCD

- 0) i dati:  $n$ ,  $m$  (input) e  $ris$
- 1) INPUT ( $n$ ,  $m$ )
- 2)  $ris = \text{minimo}\{n, m\}$
- 3) FINTANTO CHE ( $ris$  NON DIVIDE  $n$ ) OR ( $ris$  NON DIVIDE  $m$ )
  - 3.1)  $ris = ris - 1$
- 4) OUTPUT( $ris$ )



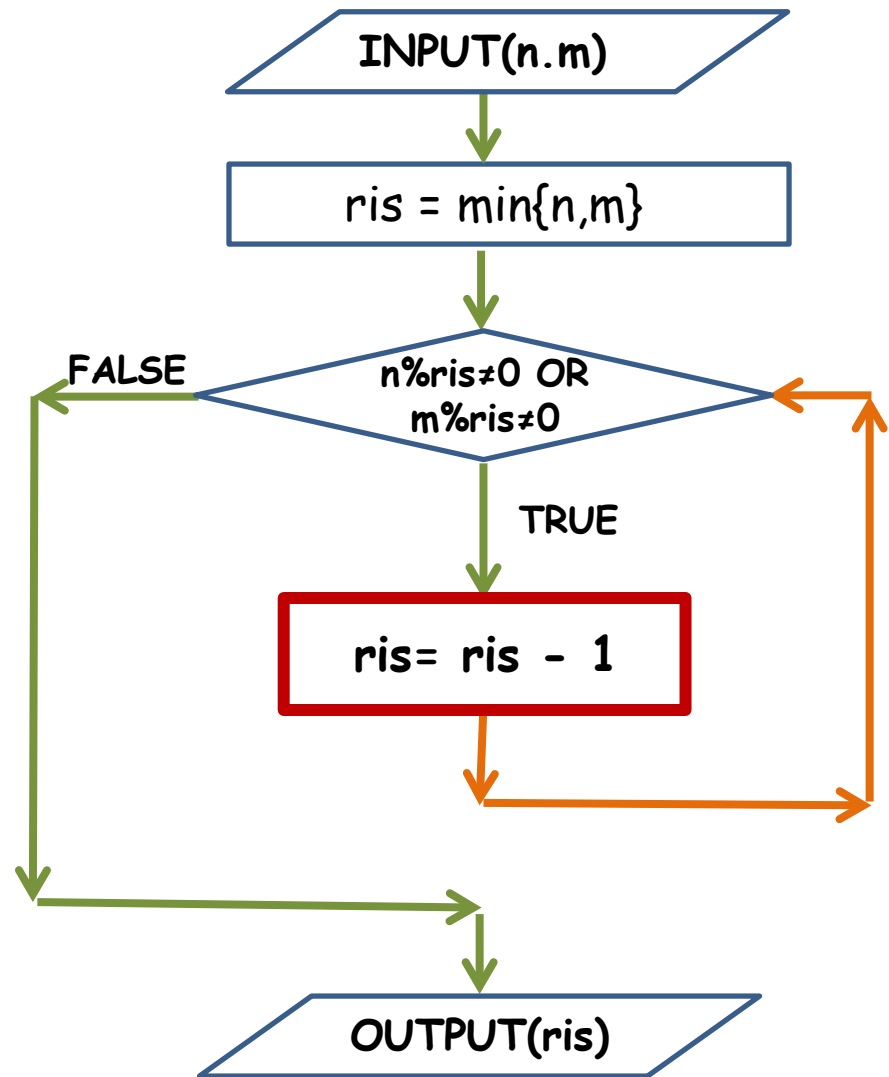
Esecuzione, per  $n=6$ ,  $m=21$

$ris$  **6**

verifica condizione di ripetizione per la prima iterazione  
( $ris\%n$  diverso da zero non è vero; ma l'altra è vera; quindi almeno una è vera; quindi la condizione è vera)

# Algoritmo strutturato per il MCD

- 0) i dati:  $n$ ,  $m$  (input) e  $ris$
- 1) INPUT ( $n$ ,  $m$ )
- 2)  $ris = \text{minimo}\{n, m\}$
- 3) FINTANTO CHE ( $ris$  NON DIVIDE  $n$ ) OR ( $ris$  NON DIVIDE  $m$ )
  - 3.1)  $ris = ris - 1$
- 4) OUTPUT( $ris$ )



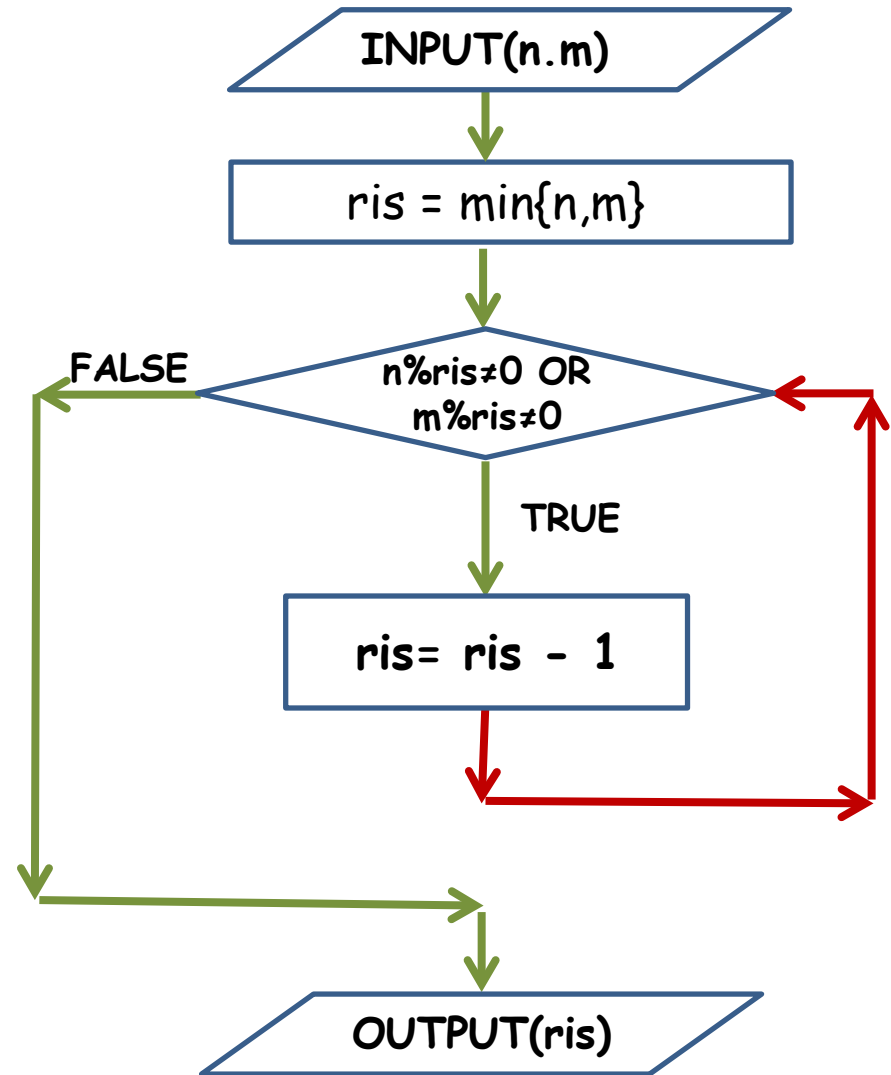
Esecuzione, per  $n=6$ ,  $m=21$

$ris$  **5**

prima iterazione

# Algoritmo strutturato per il MCD

- 0) i dati:  $n$ ,  $m$  (input) e  $ris$
- 1) INPUT ( $n$ ,  $m$ )
- 2)  $ris = \text{minimo}\{n, m\}$
- 3) FINTANTO CHE ( $ris$  NON DIVIDE  $n$ ) OR ( $ris$  NON DIVIDE  $m$ )
  - 3.1)  $ris = ris - 1$
- 4) OUTPUT( $ris$ )



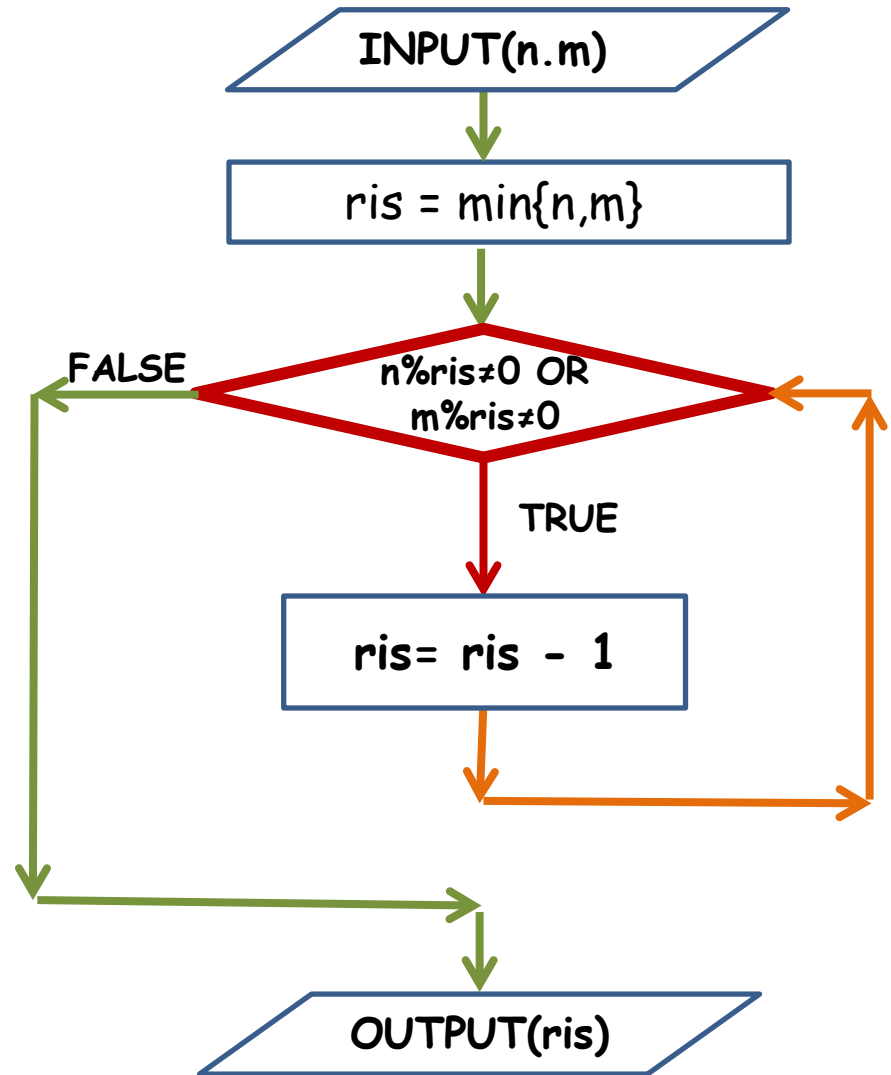
Esecuzione, per  $n=6$ ,  $m=21$

$ris$  **5**

prima iterazione finita

# Algoritmo strutturato per il MCD

- 0) i dati:  $n$ ,  $m$  (input) e  $ris$
- 1) INPUT ( $n$ ,  $m$ )
- 2)  $ris = \text{minimo}\{n, m\}$
- 3) FINTANTO CHE ( $ris$  NON DIVIDE  $n$ ) OR ( $ris$  NON DIVIDE  $m$ )
  - 3.1)  $ris = ris - 1$
- 4) OUTPUT( $ris$ )



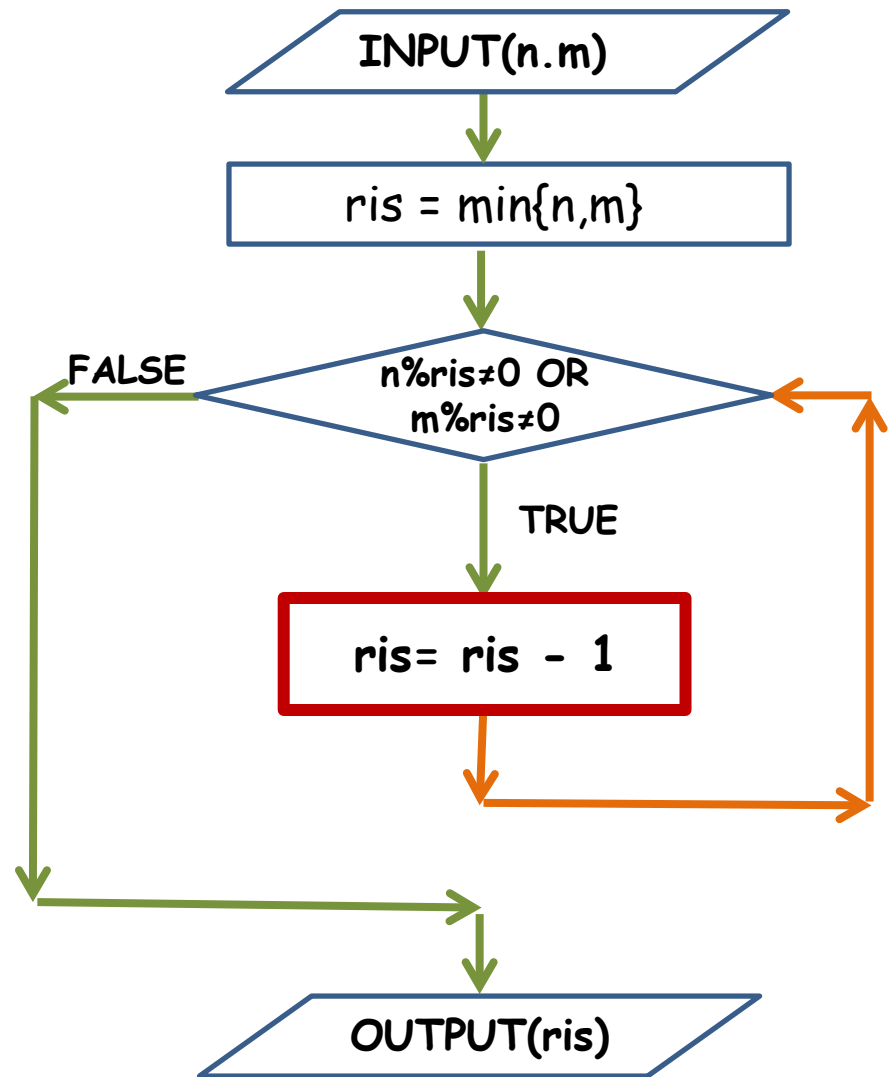
Esecuzione, per  $n=6$ ,  $m=21$

$ris$  **5**

verifica condizione di ripetizione

# Algoritmo strutturato per il MCD

- 0) i dati:  $n$ ,  $m$  (input) e  $ris$
- 1) INPUT ( $n$ ,  $m$ )
- 2)  $ris = \text{minimo}\{n, m\}$
- 3) FINTANTO CHE ( $ris$  NON DIVIDE  $n$ ) OR ( $ris$  NON DIVIDE  $m$ )
  - 3.1)  $ris = ris - 1$
- 4) OUTPUT( $ris$ )



Esecuzione, per  $n=6$ ,  $m=21$

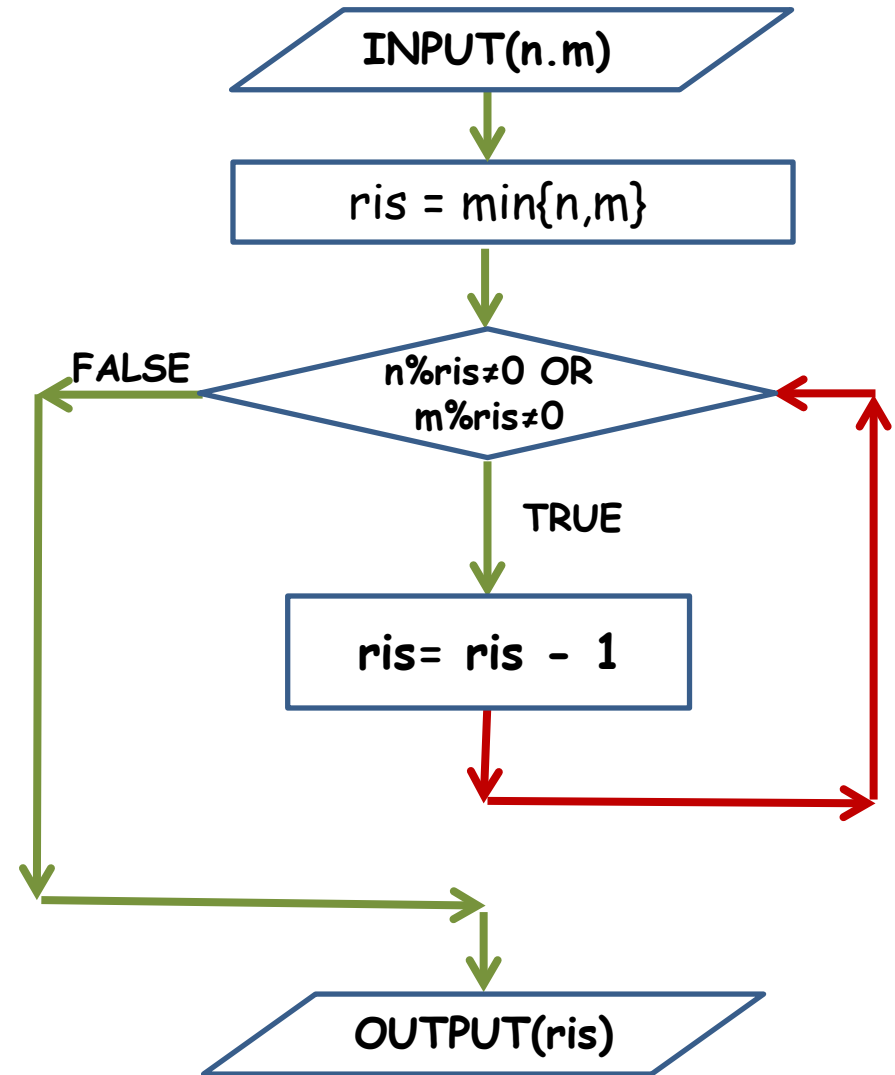
$ris$  4

seconda iterazione



# Algoritmo strutturato per il MCD

- 0) i dati:  $n$ ,  $m$  (input) e  $ris$
- 1) INPUT ( $n$ ,  $m$ )
- 2)  $ris = \text{minimo}\{n, m\}$
- 3) FINTANTO CHE ( $ris$  NON DIVIDE  $n$ ) OR ( $ris$  NON DIVIDE  $m$ )
  - 3.1)  $ris = ris - 1$
- 4) OUTPUT( $ris$ )



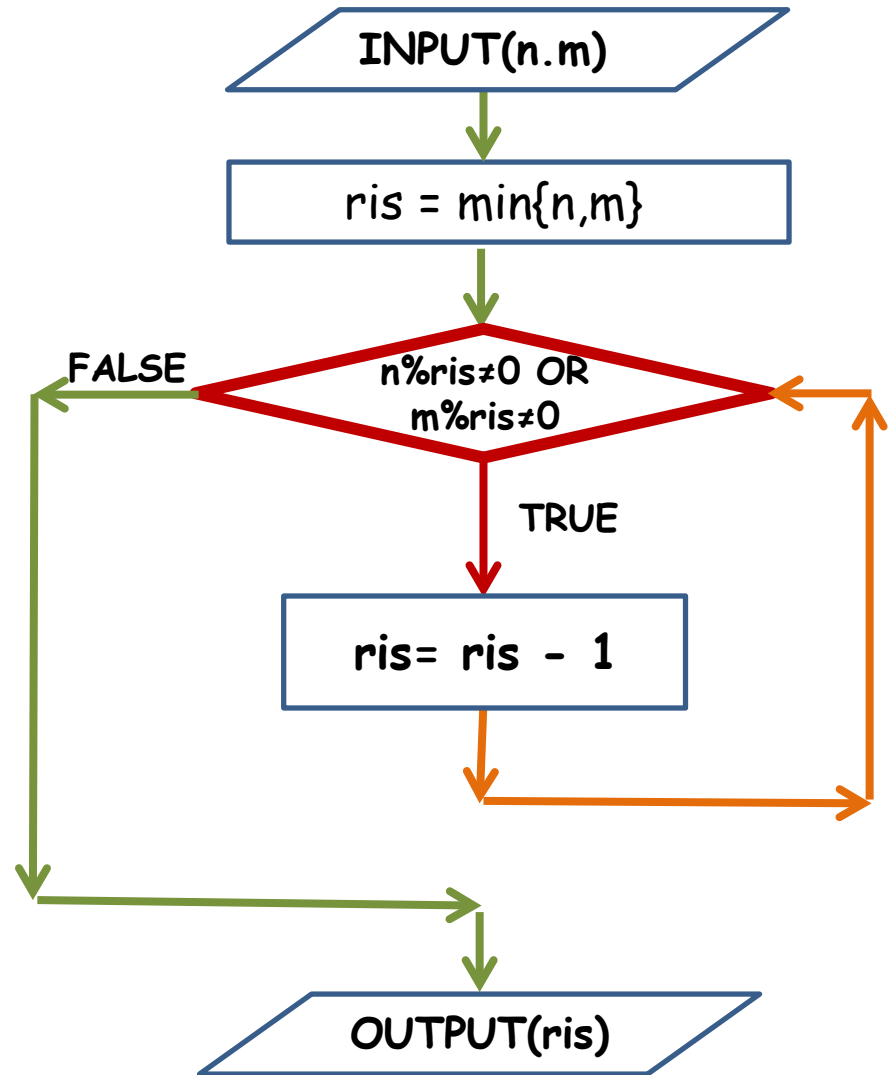
Esecuzione, per  $n=6$ ,  $m=21$

$ris$  4

seconda iterazione finita

# Algoritmo strutturato per il MCD

- 0) i dati:  $n$ ,  $m$  (input) e  $ris$
- 1) INPUT ( $n$ ,  $m$ )
- 2)  $ris = \text{minimo}\{n, m\}$
- 3) FINTANTO CHE ( $ris$  NON DIVIDE  $n$ ) OR ( $ris$  NON DIVIDE  $m$ )
  - 3.1)  $ris = ris - 1$
- 4) OUTPUT( $ris$ )



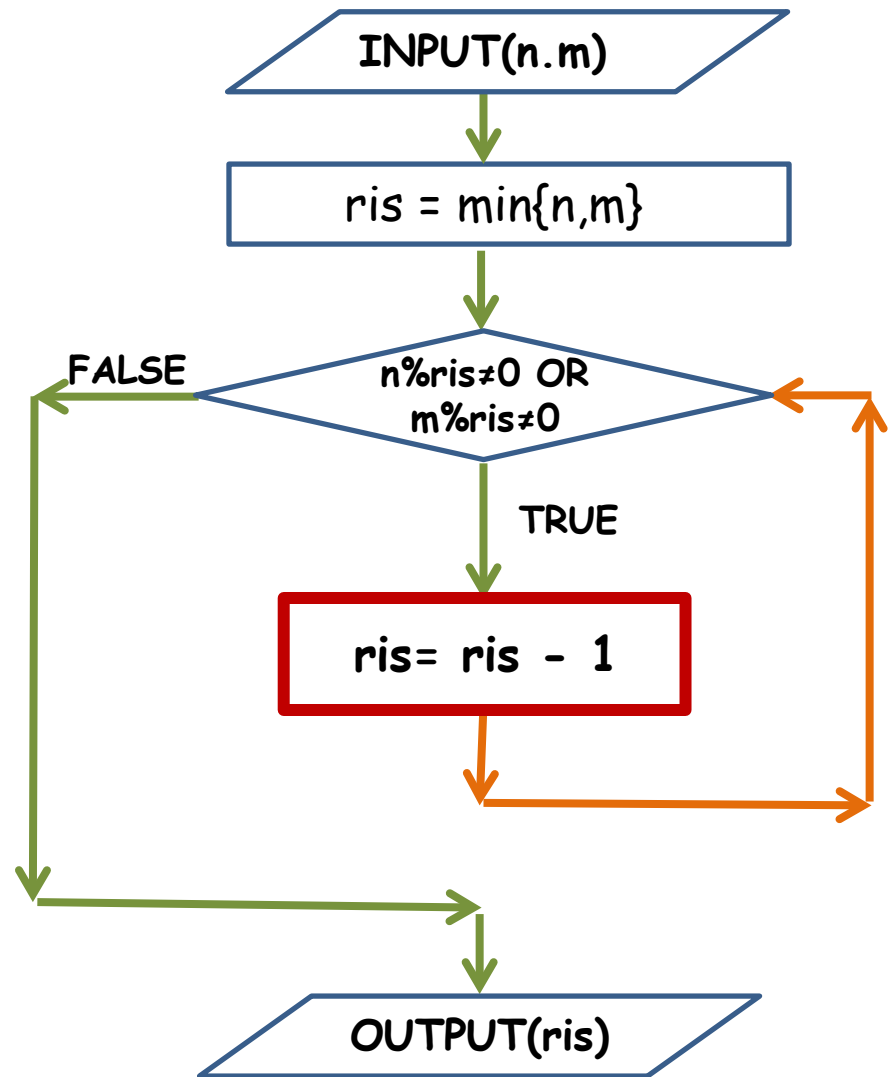
Esecuzione, per  $n=6$ ,  $m=21$

$ris$  4

verifica condizione di ripetizione

# Algoritmo strutturato per il MCD

- 0) i dati:  $n$ ,  $m$  (input) e  $ris$
- 1) INPUT ( $n$ ,  $m$ )
- 2)  $ris = \text{minimo}\{n, m\}$
- 3) FINTANTO CHE ( $ris$  NON DIVIDE  $n$ ) OR ( $ris$  NON DIVIDE  $m$ )
  - 3.1)  $ris = ris - 1$
- 4) OUTPUT( $ris$ )



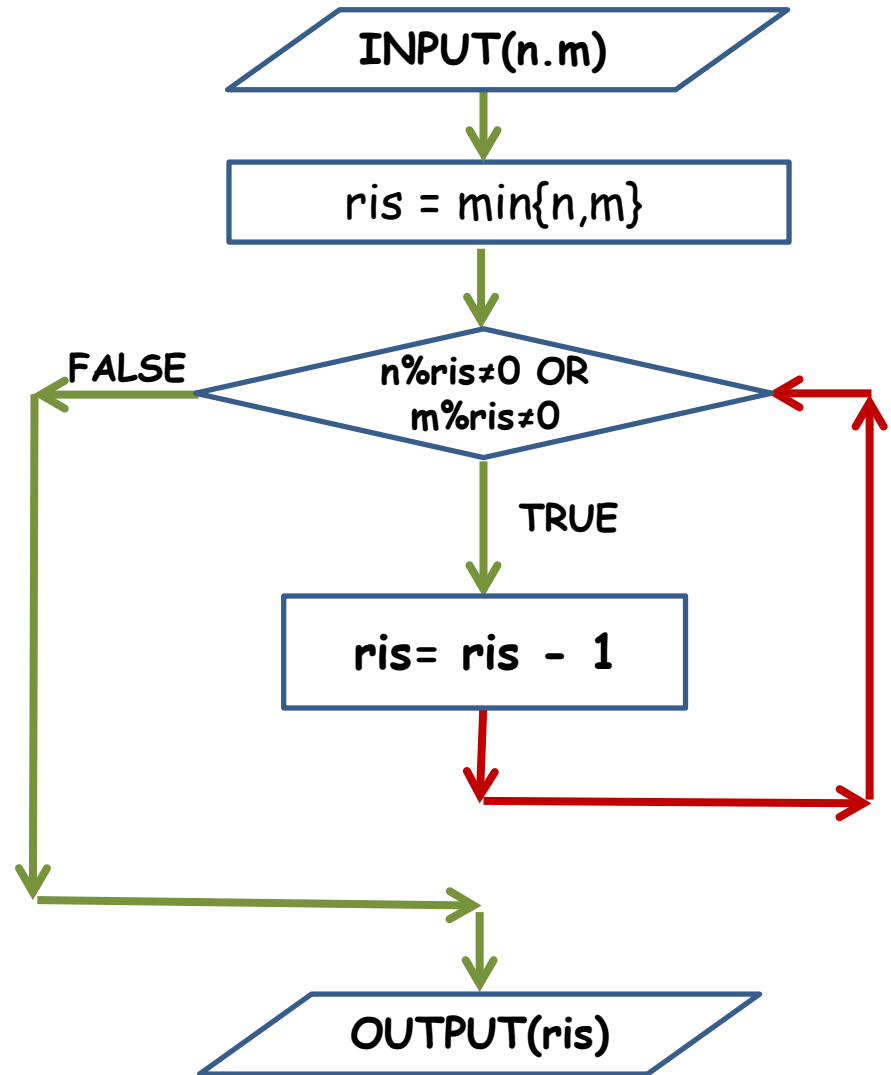
Esecuzione, per  $n=6$ ,  $m=21$

ris **3**

terza iterazione

# Algoritmo strutturato per il MCD

- 0) i dati:  $n$ ,  $m$  (input) e  $ris$
- 1) INPUT ( $n$ ,  $m$ )
- 2)  $ris = \text{minimo}\{n, m\}$
- 3) FINTANTO CHE ( $ris$  NON DIVIDE  $n$ ) OR ( $ris$  NON DIVIDE  $m$ )
  - 3.1)  $ris = ris - 1$
- 4) OUTPUT( $ris$ )



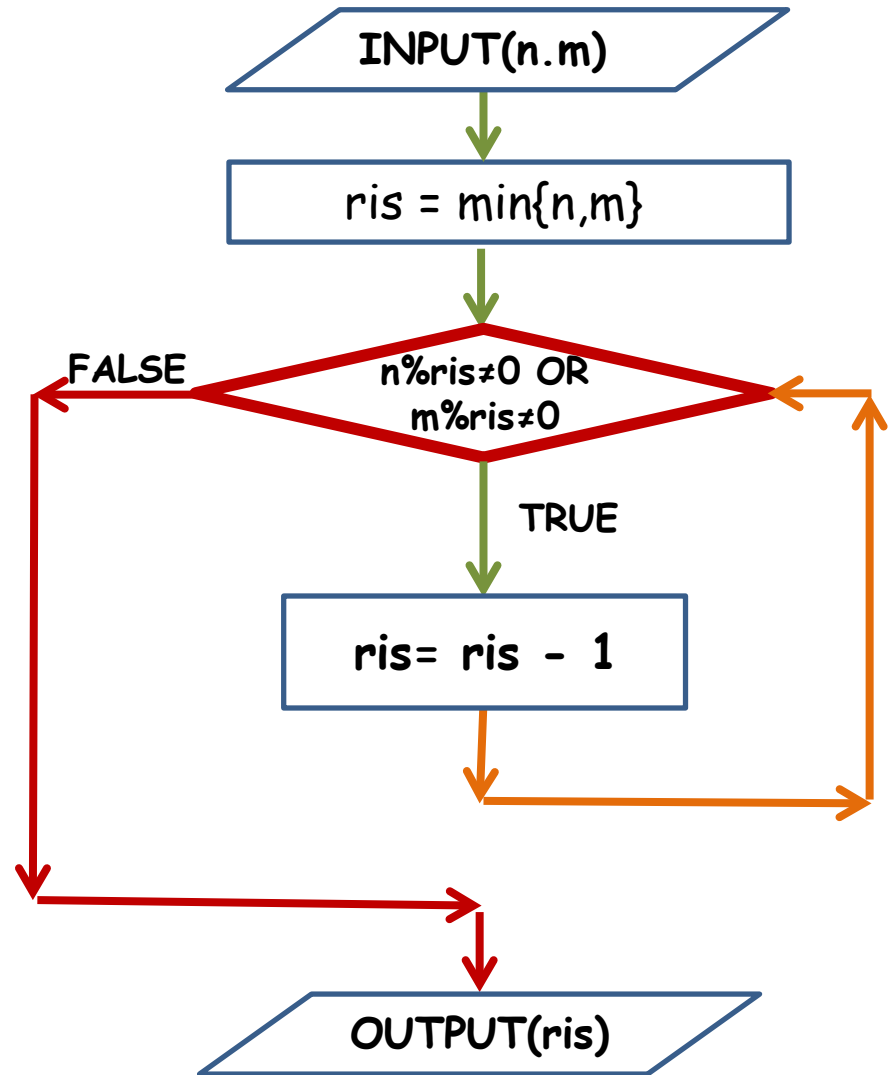
Esecuzione, per  $n=6$ ,  $m=21$

ris **3**

terza iterazione finita

# Algoritmo strutturato per il MCD

- 0) i dati:  $n$ ,  $m$  (input) e  $ris$
- 1) INPUT ( $n$ ,  $m$ )
- 2)  $ris = \text{minimo}\{n, m\}$
- 3) FINTANTO CHE ( $ris$  NON DIVIDE  $n$ ) OR ( $ris$  NON DIVIDE  $m$ )
  - 3.1)  $ris = ris - 1$
- 4) OUTPUT( $ris$ )



Esecuzione, per  $n=6$ ,  $m=21$

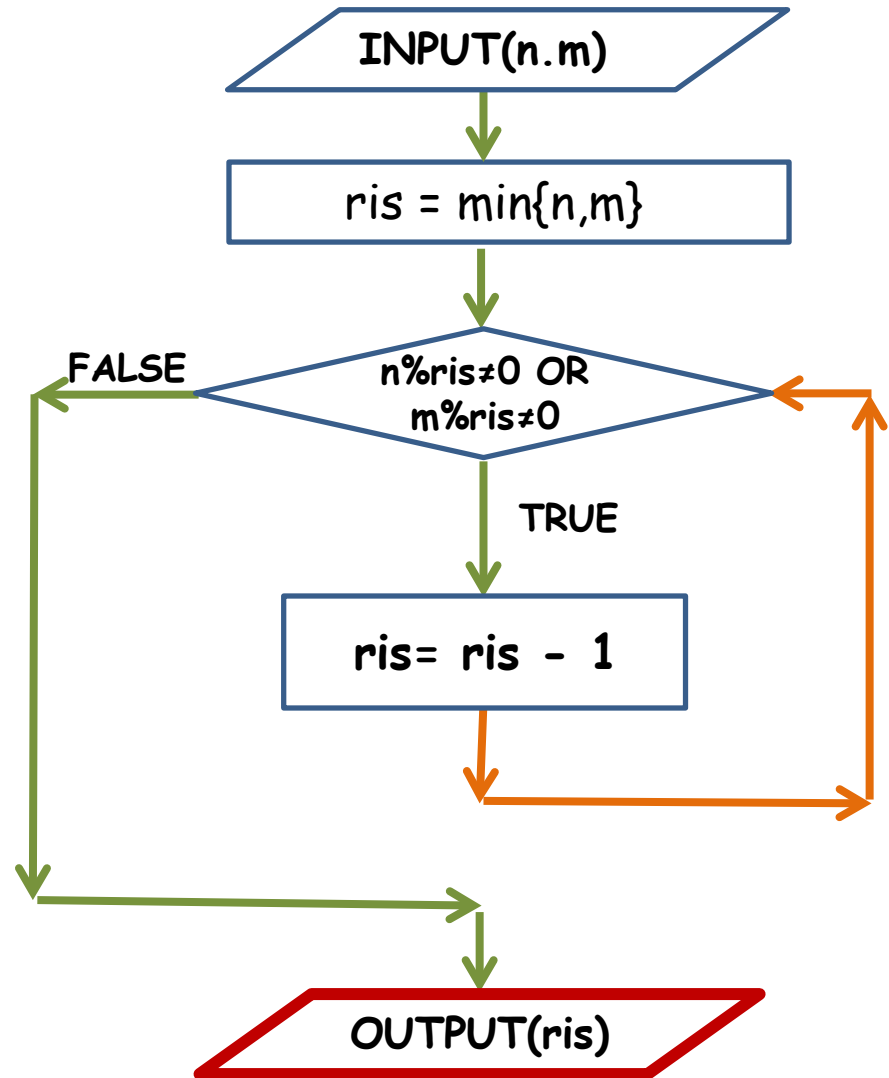
$ris$  **3**

verifica condizione di ripetizione  
ehi! fallisce!

Ma e` grave fallire?

# Algoritmo strutturato per il MCD

- 0) i dati:  $n$ ,  $m$  (input) e  $ris$
- 1) INPUT ( $n$ ,  $m$ )
- 2)  $ris = \text{minimo}\{n, m\}$
- 3) FINTANTO CHE ( $ris$  NON DIVIDE  $n$ ) OR ( $ris$  NON DIVIDE  $m$ )
  - 3.1)  $ris = ris - 1$
- 4) OUTPUT( $ris$ )



Esecuzione, per  $n=6$ ,  $m=21$

$ris$  **3**

OUTPUT MCD è 3

# Algoritmo strutturato per il MCD (osservazione)

0) i dati:  $n$ ,  $m$  (input) e  $ris$

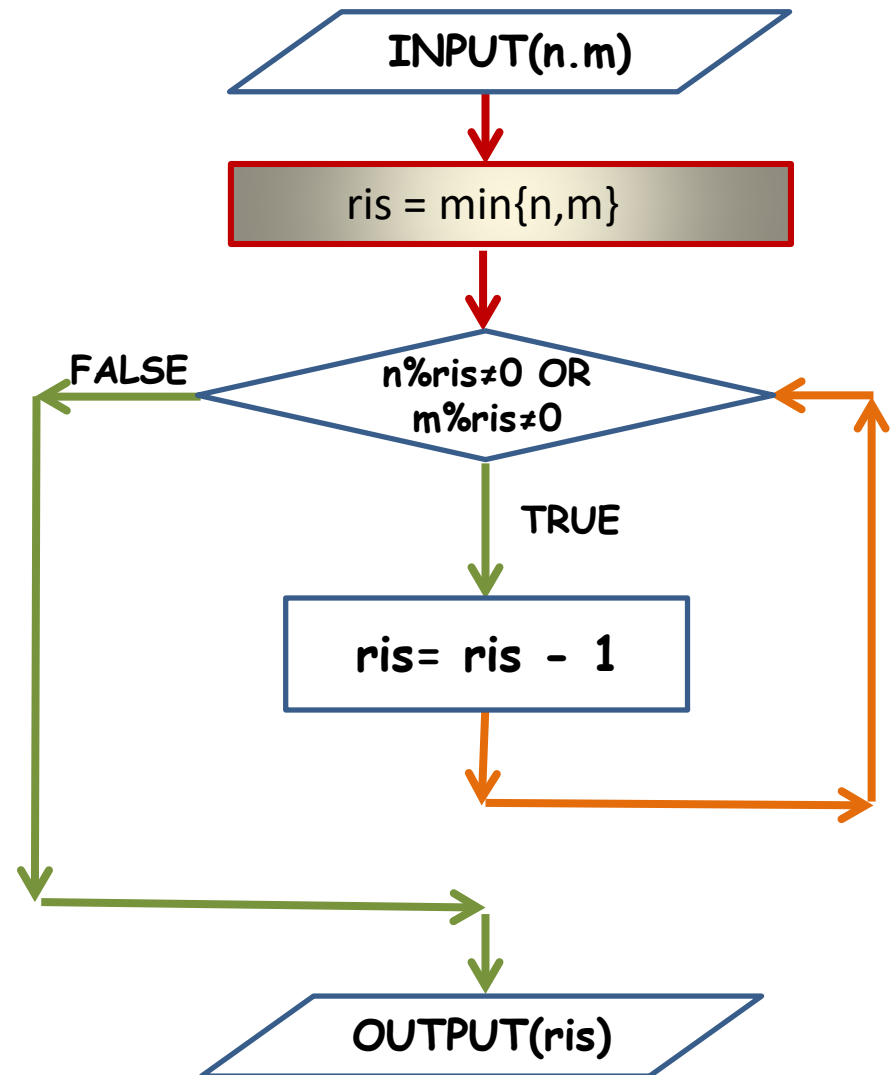
1) INPUT ( $n$ ,  $m$ )

2)  $ris = \text{minimo}\{n,m\}$

3)

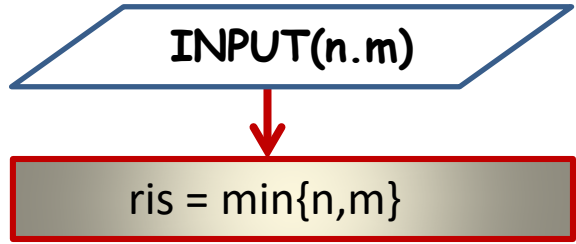


4) questa non è un'istruzione elementare! Ci vuole un algoritmo ad hoc per calcolare, dati due numeri, qual è il minimo tra i due. Qual è l'algoritmo? Con quale diagramma si può esprimere? (psst ... Serve un'istruzione condizionale ...)

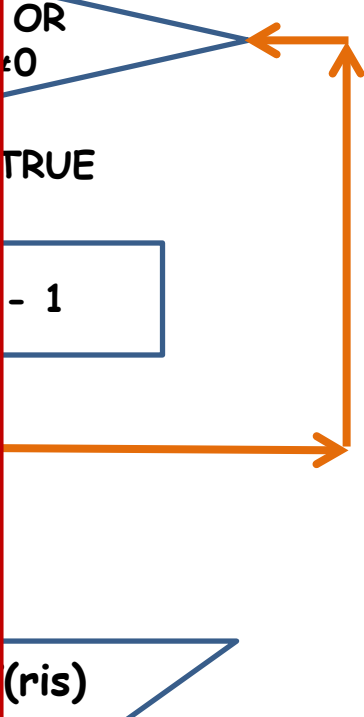
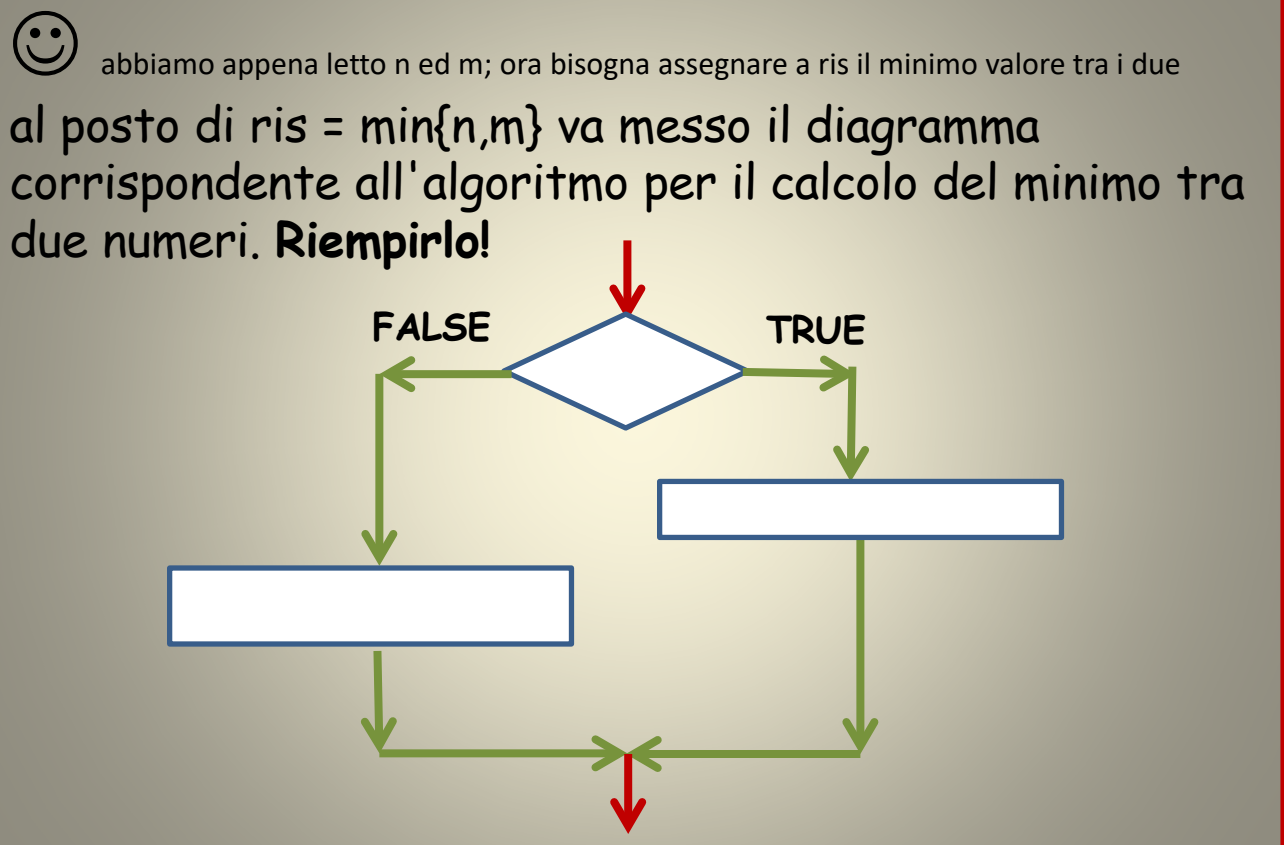


# Algoritmo strutturato per il MCD (consiglio)

- 0) i dati: n, m (input) e ris
- 1) INPUT (n, m)
- 2) ris = minimo{n,m}
- 3) FINTANTO CHE (ris NON DIVIDE n) OR (ris NON DIVIDE m)
- 3.1) ris = ris - 1



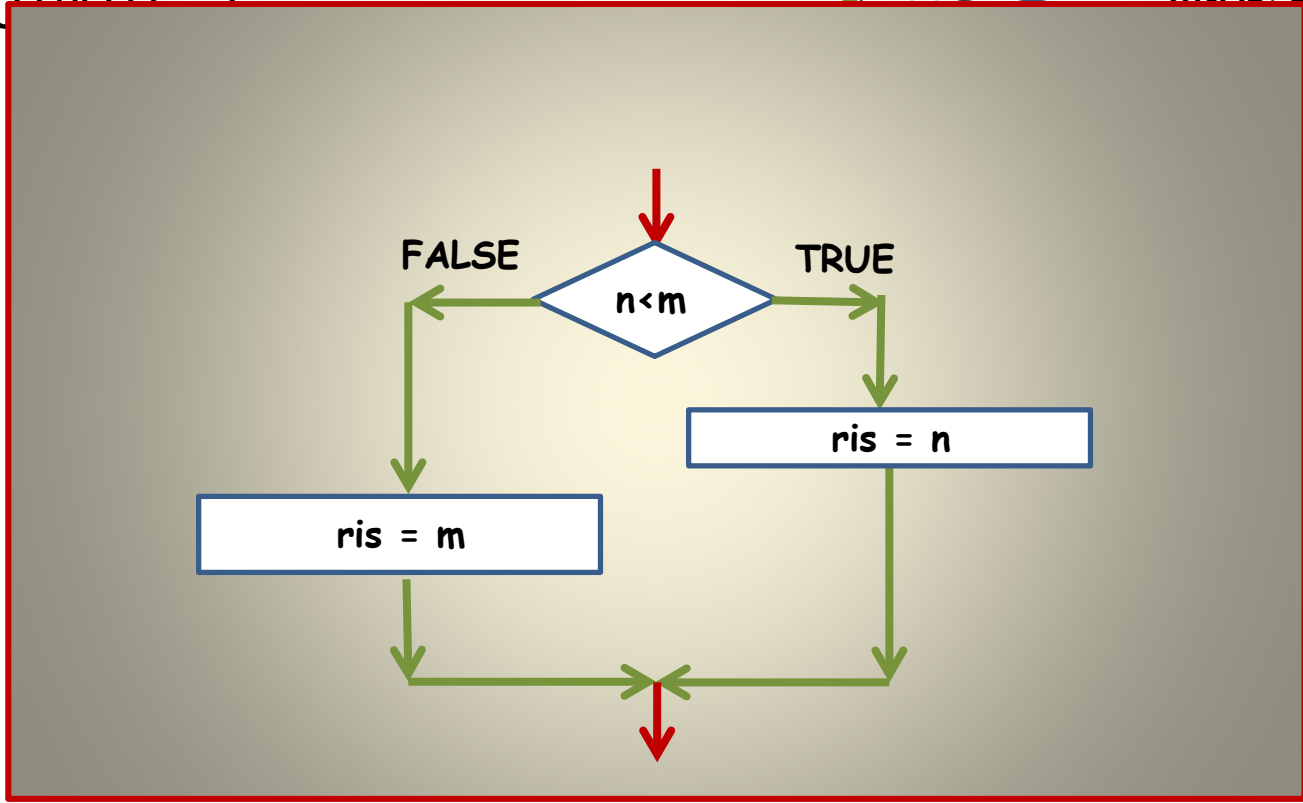
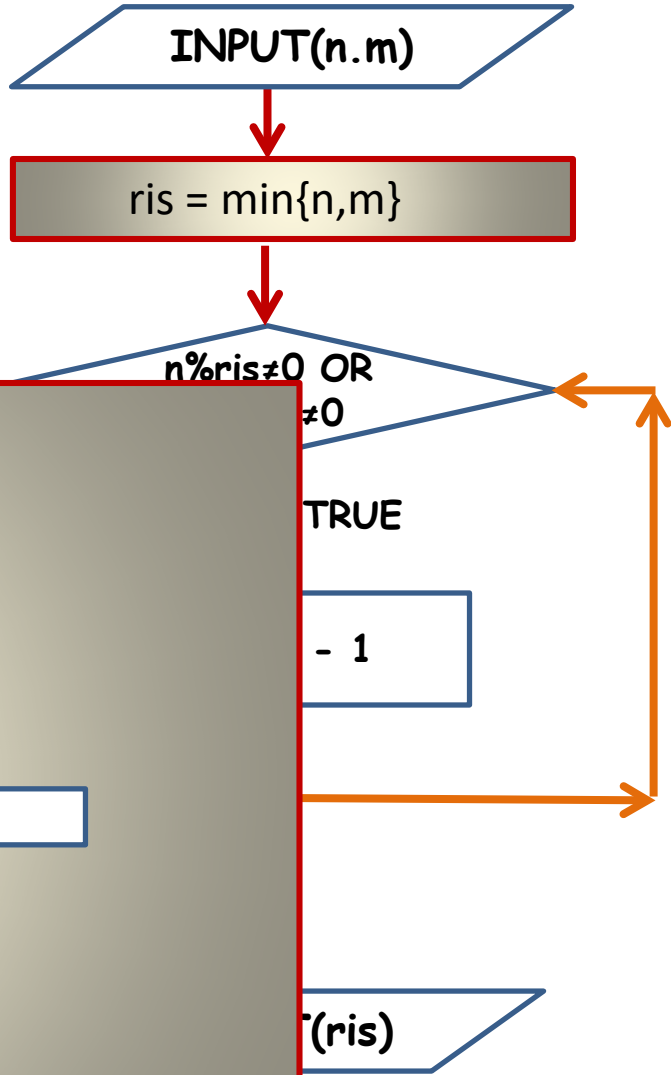
4) OU





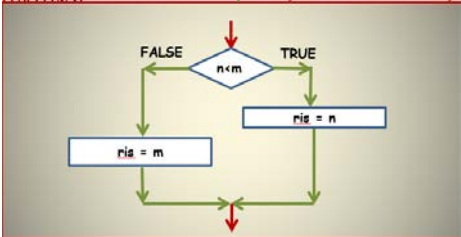
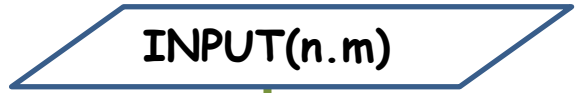
# Algoritmo strutturato per il MCD (soluzione)

- 0) i dati: n, m (input) e ris
- 1) INPUT (n, m)
- 2) ris = minimo{n,m}
- 3) FINTANTO CHE (ris NON DIVIDE n) OR (ris NON DIVIDE m)
- 3.1) ris = ris - 1
- 4) OUTPUT(ris)

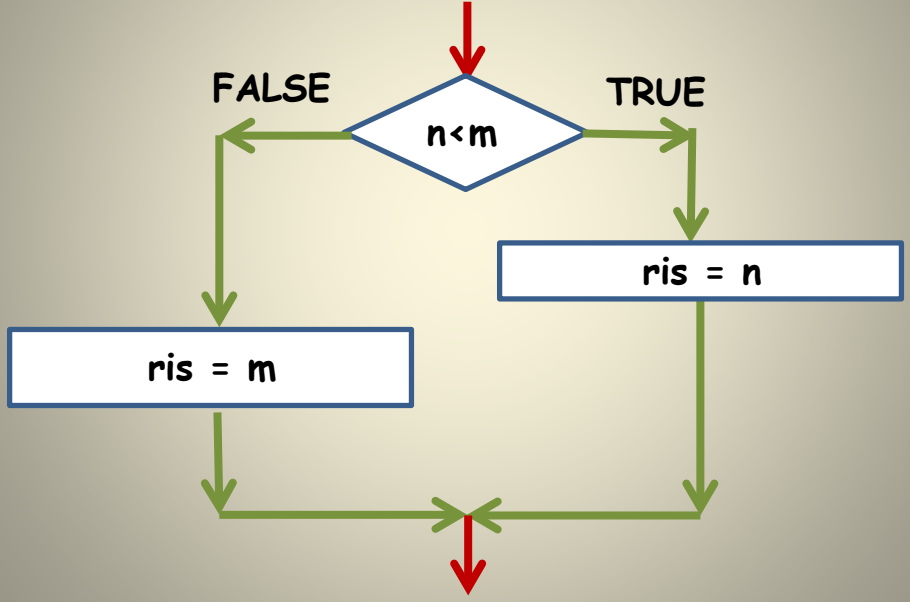


# Algoritmo strutturato per il MCD (ancora)

- 0) i dati: n, m (input) e ris
- 1) INPUT (n, m)
- 2) ris = minimo{n,m}
- 3) FINTANTO CHE (ris NON DIVIDE n) OR (ris NON DIVIDE m)
  - 3.1) ris = ris - 1
- 4) OUTPUT(ris)



😊 riscrivere il passo 2



# Algoritmo strutturato per il MCD (diagramma completo)

0) i dati:  $n$ ,  $m$  (input) e  $ris$

1) INPUT ( $n$ ,  $m$ )

2) SE  $n < m$

$ris = n$

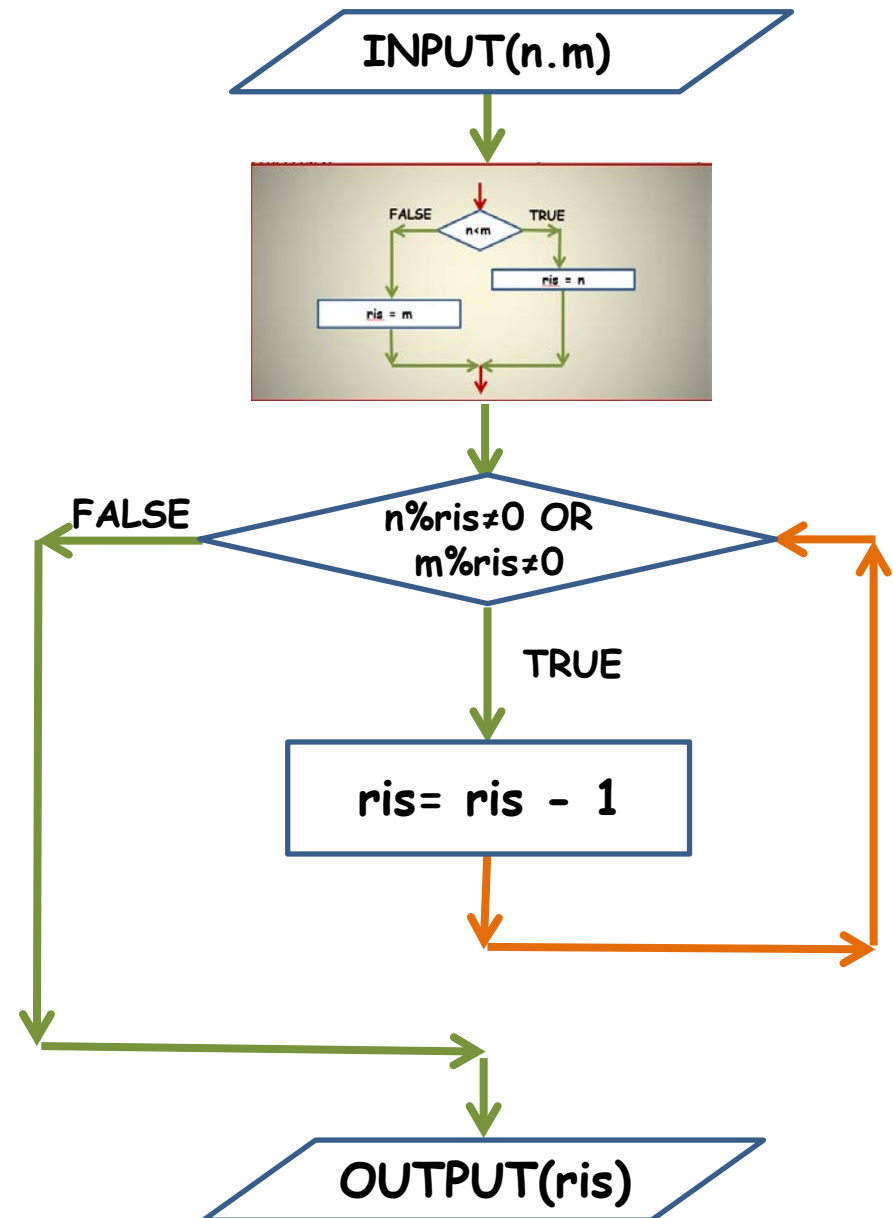
altrimenti

$ris = m$

3) FINTANTO CHE ( $ris$  NON DIVIDE  $n$ ) OR ( $ris$  NON DIVIDE  $m$ )

3.1)  $ris = ris - 1$

4) OUTPUT( $ris$ )



# Tecniche della Programmazione, lez. 4

- Approfondimenti







# Algoritmo (again ...)

Abbiamo detto che e` una sequenza di PASSI, operazioni, istruzioni ...  
per risolvere un problema per il quale abbiamo una formalizzazione matematica  
Più schematicamente ci sono delle componenti da considerare

- **INFORMAZIONI**      relative al problema : rappresentate come **DATI**  
(nel calcolatore, nell'algoritmo, nel programma)
- **INPUT**                i dati, che distinguono un'istanza da un'altra del problema,  
e che sono da usare nel calcolare la soluzione
- **Procedura Computazionale**      questa e` la sequenza di passi ...
  - 1) operazioni su dati di input
  - 2) operazioni su dati intermedi (ottenuti con calcoli su dati di input e altri dati intermedi)
  - 3) Produzione di dati di **OUTPUT**
- **OUTPUT**                i dati emessi a valle della procedura computazionale,  
interpretabili dall'utente come informazioni sulla soluzione  
dell'istanza del problema

# GO TO and Structured Programming

"go to"

vintage



Ecco due programmi per il problema

Calcolare la somma di numeri interi forniti in input dall'utente.

L'immissione di 0 termina l'input.

I numeri negativi inseriti in input vengono ignorati.

Nel primo programma usiamo goto.

Nel secondo programmazione strutturata, con le istruzioni di controllo.

Dopo aver visto e compreso (anche fatto girare) i programmi,

- confrontare il codice dei due programmi, cercando di giudicare quale e' piu' leggibile.
- scrivere i relativi algoritmi e confrontarli.



# Con GO TO



vintage



non la usiamo

Calcolare la somma di numeri interi forniti in input dall'utente.  
L'immissione di 0 termina l'input.  
I numeri negativi inseriti in input vengono ignorati.

Nel primo programma usiamo goto.

```
#include <stdio.h>

int main() {
    int somma = 0, num;

inizio:
    printf("Inserisci un numero (0 per terminare): ");
    scanf("%d", &num);
    if (num == 0) goto fine;          /* Termina l'input se 0 */
    if (num < 0) goto ignora;        /* Ignora i numeri negativi */
    somma += num;                    /* Somma i numeri positivi */
    goto inizio;

ignora:
    printf("Numero negativo ignorato.\n");
    goto inizio;

fine:
    printf("Somma finale: %d\n", somma);
    return 0;
}
```

# Con Istruzioni di controllo della programmazione strutturata



Calcolare la somma di numeri interi forniti in input dall'utente.  
L'immissione di 0 termina l'input.

I numeri negativi inseriti in input vengono ignorati.

Nel secondo programma, usiamo programmazione strutturata, con le istruzioni di controllo.

```
#include <stdio.h>

int main() {
    int somma = 0, num;

    while (1) {
        printf("Inserisci un numero (0 per terminare): ");
        scanf("%d", &num);

        if (num == 0) break;           /* Termina l'input se 0 */
        if (num < 0) {                 /* Ignora i numeri negativi */
            printf("Numero negativo ignorato.\n");
            continue;
        }

        somma += num;                 // Somma i numeri positivi
    }
    printf("Somma finale: %d\n", somma);
    return 0;
}
```

# Tecniche della Programmazione, lez. 4

- Esercizi

# Algoritmo strutturato per stampare il massimo tra tre numeri dati in input

- 0) i dati:  $n_1, n_2, n_3$  (input), e max
- 1) INPUT ( $n_1, n_2, n_3$ )
- 2)
- 3)
- 4)



# Algoritmo strutturato per stampare il massimo tra tre numeri dati in input (consiglio)

- 0) i dati:  $n_1$ ,  $n_2$ ,  $n_3$  (input), e  $max$
- 1) INPUT ( $n_1$ ,  $n_2$ ,  $n_3$ )
- 2)
- 3)
- 4)

controlliamo i dati, più o meno uno per volta, e cerchiamo di ricordare, dopo ogni controllo, chi è il più grande tra quelli che abbiamo visto ... e poi continuiamo con il prossimo dato da controllare.

Però la prima volta controlliamo i primi due dati ...

Ogni volta ... cioè ad ogni controllo, usiamo **max** per contenere il massimo tra i dati che abbiamo appena controllato.

# Algoritmo strutturato per stampare il massimo tra tre numeri dati in input (consiglio2)

- 0) i dati:  $n_1, n_2, n_3$  (input), e  $max$
- 1) INPUT ( $n_1, n_2, n_3$ )
- 2) ...  $max = \text{massimo}\{n_1, n_2\}$
- 3)
- 4)

controlliamo i dati, più o meno uno per volta, e cerchiamo di ricordare, dopo ogni controllo, chi è il più grande tra quelli che abbiamo visto ... e poi continuiamo con il prossimo dato da controllare.

Però la prima volta controlliamo i primi due dati ...

Ogni volta ... cioè ad ogni controllo, usiamo  $max$  per contenere il massimo tra i dati che abbiamo appena controllato.

All'inizio  $max$  è il più grande tra  $n_1$  ed  $n_2$ . Questa è l'**inizializzazione** di  $max$ .

poi potrebbe cambiare: bisogna controllare

# Algoritmo strutturato per stampare il massimo tra tre numeri dati in input (consiglio3)

- 0) i dati:  $n1, n2, n3$  (input), e  $max$
- 1) INPUT ( $n1, n2, n3$ )
- 2) ...  $max = \text{massimo}\{n1, n2\}$
- 3)
- 4)

controlliamo i dati, più o meno uno per volta, e cerchiamo di ricordare, dopo ogni controllo, chi è il più grande tra quelli che abbiamo visto ... e poi continuiamo con il prossimo dato da controllare.

Però la prima volta controlliamo i primi due dati ...

Ogni volta ... cioè ad ogni controllo, usiamo  $max$  per contenere il massimo tra i dati che abbiamo appena controllato.

All'inizio  $max$  è il più grande tra  $n1$  ed  $n2$ . Questa è l'**inizializzazione** di  $max$ .

poi potrebbe cambiare: bisogna controllare



come è fatto il passo 2?

# Algoritmo strutturato per stampare il massimo tra tre numeri dati in input (passo 2 a posto)

0) i dati:  $n1$ ,  $n2$ ,  $n3$  (input), e  $max$

1) INPUT ( $n1$ ,  $n2$ ,  $n3$ )

2) Inizializzazione di  $max$ :

SE  $n1 > n2$

$max = n1$

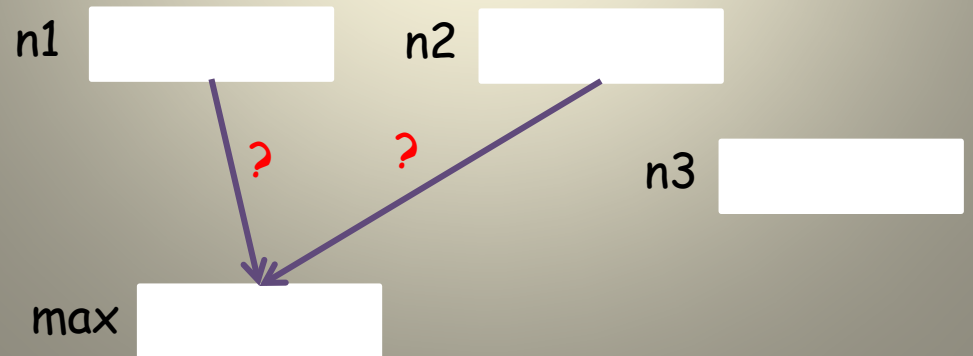
ALTRIMENTI

$max = n2$

3) ? e poi? 😊

4)

All'inizio  $max$  è inizializzato con il più grande tra  $n1$  ed  $n2$





# Algoritmo strutturato per stampare il massimo tra tre numeri dati in input (consiglio criptico)

0) i dati:  $n1$ ,  $n2$ ,  $n3$  (input), e  $max$

1) INPUT ( $n1$ ,  $n2$ ,  $n3$ )

2) Inizializzazione di  $max$ :

SE  $n1 > n2$

$max = n1$

ALTRIMENTI

$max = n2$

3) ?

4)

All'inizio  $max$  è il più grande tra  $n1$  ed  $n2$

poi potrebbe cambiare: bisogna controllare

$n1$

$n2$

$n3$

$max$

?

# Algoritmo strutturato per stampare il massimo tra tre numeri dati in input (passo 3 a posto)

0) i dati:  $n1$ ,  $n2$ ,  $n3$  (input), e  $max$

1) INPUT ( $n1$ ,  $n2$ ,  $n3$ )

2) Inizializzazione di  $max$ :

SE  $n1 > n2$

$max = n1$

ALTRIMENTI

$max = n2$

3) SE  $n3 > max$

$max = n3$

4) e poi? 😊

poi potrebbe cambiare: bisogna controllare

$n1$

$n2$

$n3$

$max$



# Algoritmo strutturato per stampare il massimo tra tre numeri dati in input (passo 4 a posto)

- 0) i dati:  $n1, n2, n3$  (input), e  $max$
- 1) INPUT ( $n1, n2, n3$ )
- 2) Inizializzazione di  $max$ :  
SE  $n1 > n2$   
     $max = n1$   
ALTRIMENTI  
     $max = n2$
- 3) SE  $n3 > max$   
     $max = n3$
- 4) OUTPUT( $max$ )

fine ...

abbiamo controllato tutti i numeri;

per ogni numero controllato, se questo numero era più grande di quello in  $max$ ,  $max$  non conteneva più il massimo tra i numeri visti, quindi bisognava assegnarlo con il nuovo massimo, appena scoperto;

alla fine in  $max$  c'è il numero che non è mai stato sconfitto da altri ...

$n1$

$n2$

$n3$

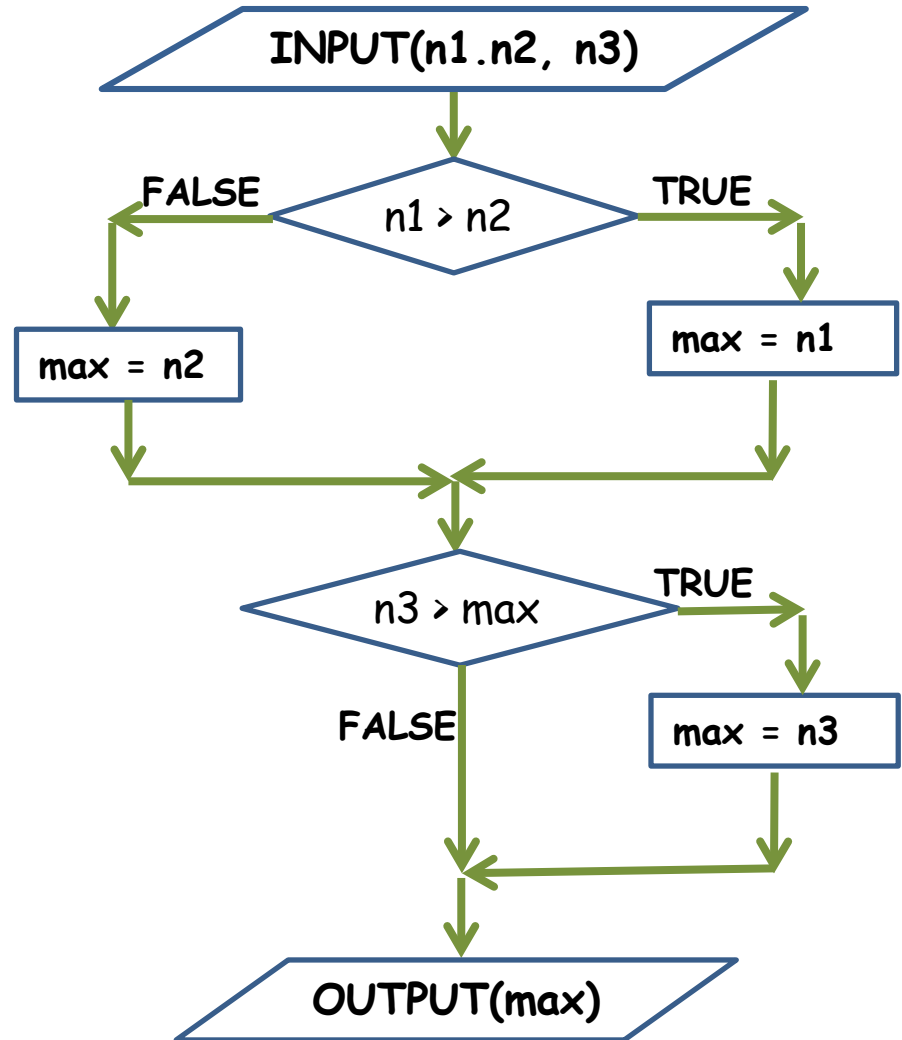
$max$



Diagramma di flusso?

# Algoritmo strutturato per stampare il massimo tra tre numeri dati in input (resa grafica)

- 0) i dati:  $n1$ ,  $n2$ ,  $n3$  (input), e  $max$
- 1) INPUT ( $n1$ ,  $n2$ ,  $n3$ )
- 2) Inizializzazione di  $max$ :  
SE  $n1 > n2$   
     $max = n1$   
ALTRIMENTI  
     $max = n2$
- 3) SE  $n3 > max$   
     $max = n3$
- 4) OUTPUT( $max$ )



# Algoritmo strutturato per stampare il massimo tra tre numeri dati in input (ESERCIZIO)

eseguire l'algoritmo qui sotto per **diverse istanze** del problema (20, 10, 9), (234, 1234, 61) ...

Quante istanze dobbiamo definire per essere sicuri di provare l'algoritmo coprendo tutti i casi possibili? **Provare a definire un numero minimo di istanze, scrivendo una spiegazione del perché si è scelta ciascuna di loro.**

0) i dati:  $n_1$ ,  $n_2$ ,  $n_3$  (input), e max

1) INPUT ( $n_1$ ,  $n_2$ ,  $n_3$ )

2) Inizializzazione di max:

SE  $n_1 > n_2$

max =  $n_1$

ALTRIMENTI

max =  $n_2$

3) SE  $n_3 > \text{max}$

max =  $n_3$

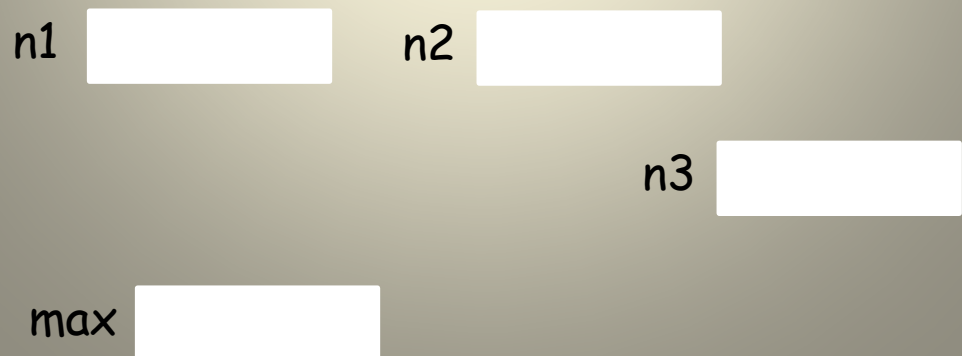
4) OUTPUT(max)

controlliamo i dati, più o meno uno per volta, e cerchiamo di ricordare, dopo ogni controllo, chi è il più grande tra quelli che abbiamo visto ... e poi continuiamo con il prossimo dato da controllare.

Però la prima volta controlliamo i primi due dati ...

Ogni volta ... cioè ad ogni controllo, usiamo **max** per contenere il massimo tra i dati che abbiamo appena controllato.

poi potrebbe cambiare: bisogna controllare



# Algoritmo strutturato per stampare il massimo tra tre numeri dati in input (ESERCIZIO)

- ☺ eseguire l'algoritmo usando il diagramma di flusso per diverse istanze del problema ... quelle di prima.
- ☺ Ad ogni esecuzione evidenziare quale istruzione viene eseguita e come prosegue il flusso

n1  n2

n3

max

